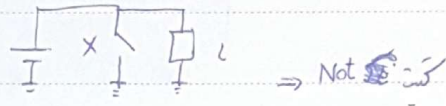


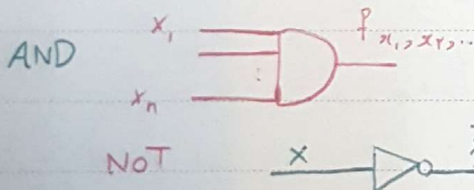
$$L(x_1, x_2) = x_1 + x_2 = \begin{cases} 1 & x_1 = x_2 = 1 \\ 0 & x_1 = x_2 = 0 \end{cases}$$

$$L(x) = \bar{x} = \begin{cases} 0 & x=1 \\ 1 & x=0 \end{cases}$$

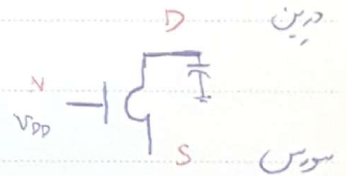
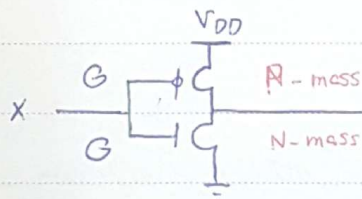


| x_1 | x_2 | $x_1 x_2$ | $x_1 + x_2$ | \bar{x} | $\bar{x}_1 \cdot x_2 + \bar{x}_2 \cdot x_1 \rightarrow \text{XOR}$ |
|-------|-------|-----------|-------------|-----------|--|
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |

گیت‌های منطقی: هر عمل منطقی (AND, OR, NOT, ...) توسط یک gate منطقی پیاده‌سازی می‌شود



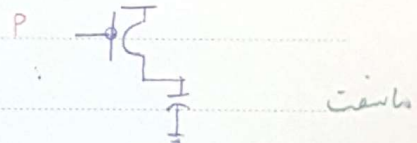
یک gate دارای تعدادی ورودی و یک خروجی است.



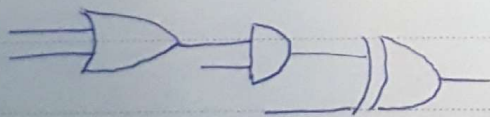
ما کسیم تعداد ورودی ما F_{in}

ما کسیم تعداد خروجی‌ها F_{out}

باید صفر باشد در بهترین حالت



gate ← logic network ← نبد ای از گیت‌ها

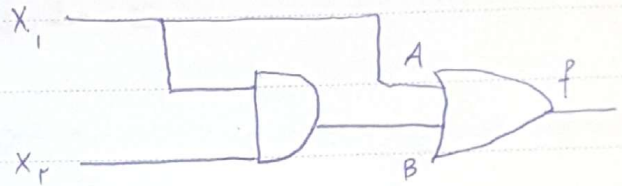
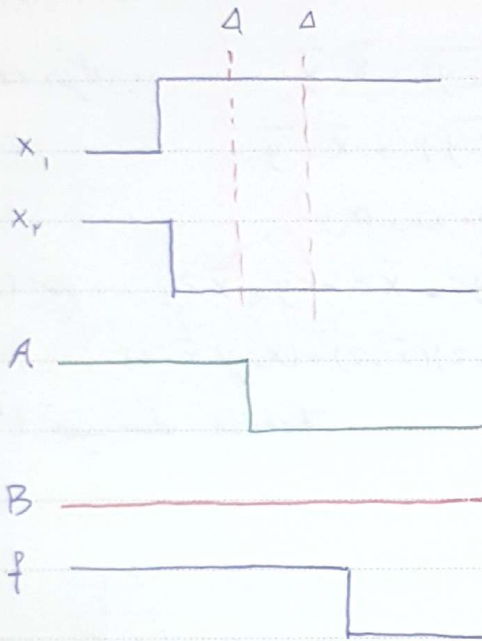


gate delay = 4 ps

X : Unknown
Z : High Impedance

Subject _____
Date _____

delay (critical path) (CP) Δ Δ



حبر بولین :
I) $0 \cdot 0 = 0$ $0 \cdot 1 = 1 \cdot 0 = 0$
 $1 + 1 = 1$
 $1 \cdot 1 = 1$ $1 + 0 = 0 + 1 = 1$
 $0 + 0 = 0$ $\bar{0} = 1$ $\bar{1} = 0$

$X \cdot 1 = X$ $X + 0 = X$

$X \cdot 0 = 0$ $X + 1 = 1$

$X \cdot X = X$ $X + X = X$

$X \cdot \bar{X} = 0$ $X + \bar{X} = 1$

$\overline{(\bar{X})} = X$ $\bar{\bar{X}} = X \rightarrow$ متمم



نی نود روش حساب
بذکرد
Unknown

قضایای X

قضایای چند متغیره :

$X + (y + z) = X \cdot y + X \cdot z$ (۲) استراک پذیری $X \cdot y = y \cdot X$ (۱) جابه جایی

$X \cdot (y \cdot z) = (X \cdot y) \cdot z$ $X + y = y + X$

$X \cdot (X + y) = X$ (۴) جذب $X \cdot (y + z) = X \cdot y + X \cdot z$ (۳) توزیع پذیری

$X + (X \cdot y) = X$ $X + (y \cdot z) = (X + y) \cdot (X + z)$

$X \cdot 1 + X \cdot y = X \cdot (1 + y) = X$

$X \cdot y + X \cdot \bar{y} = X$ (۵) ترکیب پذیری

$(X + y) \cdot (X + \bar{y}) = X$

$$X + \bar{X}y = X + y$$

(۷) سه جذب

$$\overline{(X+Y)} = \bar{X} \cdot \bar{Y}$$

(۲) درگان

$$X \cdot (\bar{X} + y) = X \cdot y$$

$$\overline{(X \cdot Y)} = \bar{X} + \bar{Y}$$

این تا رو بزرگ می‌سازند و اندکنی فرق ندهد

$$xy + yz + \bar{x}z = xy + \bar{x}z$$

(۱۸) اجماع

$$(x+y)(y+z)(\bar{x}+z) = (x+y)(\bar{x}+z)$$

$$f(x_1, \dots, x_n) = x_1 f(1, x_2, \dots, x_n)$$

(۹) قضیه سه شانون

$$+ \bar{x}_1 f(0, x_2, \dots, x_n)$$

ماده کردن = منتز کردن

منتز برین:

مراحل: (۱) تشکیل جدول درستی از روی توصیف تابع

(۲) تشکیل تابع F از روی جدول

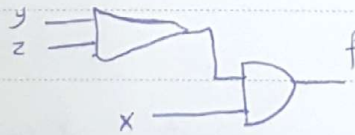
(۳) ساده سازی تابع F بر سبب قضایای فوق

(۴) کشیدن ساختار مدار منطقی

تابع ۳ ورودی طراحی کنید که زمانی که $x=1$ و یکی از دو ورودی دیگر هم "۱" هستند خروجی "۱" دهد

sop some of product

$$f = x\bar{y}z + xy\bar{z} + xyz = x(z+y)$$



| x | y | z | |
|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 |

$\bar{y}z \leftarrow$
 $x\bar{y}\bar{z} \leftarrow$

min term: xyz

max term: $(\bar{x}+y+z)(x+\bar{y}+z)(x+\bar{y}+\bar{z})(x+y+\bar{z})(x+y+z)$

↳ pos: product of some

$$f = \sum m(0, 1, 2, 4) =$$

$$f = \sum m(1, 2, 3, 4) = m_1 + m_2 + m_3 + m_4$$

$$\bar{f} = m_0 + m_5 + m_6 + m_7 \Rightarrow f = \overline{(m_0 + m_5 + m_6 + m_7)} = \bar{m}_0 \cdot \bar{m}_5 \cdot \bar{m}_6 \cdot \bar{m}_7 = M_0 \cdot M_5 \cdot M_6 \cdot M_7$$

سادگی کنید

$$f = X_1 \bar{X}_2 X_3 + X_1 X_2 X_3 + X_1 \bar{X}_2 X_3$$

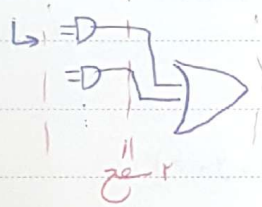
$$= X_1 \bar{X}_2 X_3 + X_1 X_3$$

$$f = \sum m(1, 2, 3, 4, 5, 6)$$

$$X_1 + X_1 \bar{X}_2$$

Sop, Pos two level rep of func

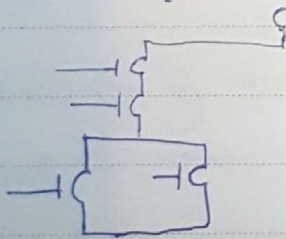
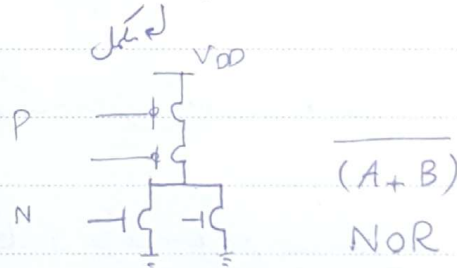
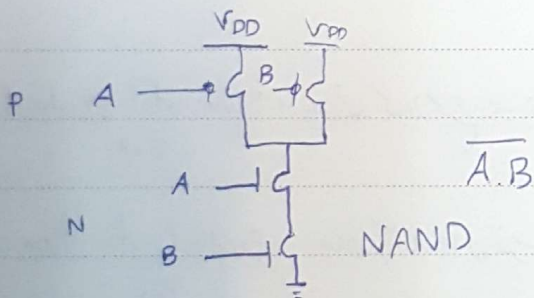
ماقن NOR, NAND از جمله هم تر و راحت تره



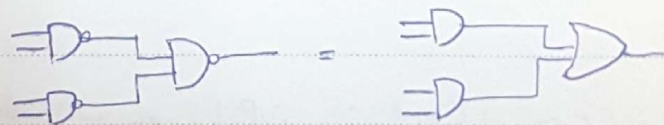
CMOS

Compliment Mos

inverter (دو صفه قبل)



AND را با نات کردن NAND می سازند



- * 10 Decimal
- * 2 Binary
- 8 Octal
- 16 Hex

نمایش اعداد:

نمایی
MSB LSB

$$V(B) = \sum_{i=0}^{n-1} b_i \times 2^i$$

$$B = b_{n-1} \dots b_1 b_0 \quad b_i \in \{0, 1\}$$

$$B = 1101 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$$

$$(1101)_2 = (13)_{10}$$

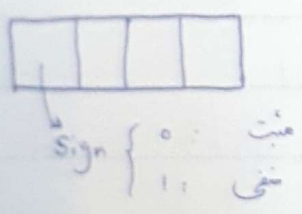
$$(0, 17254)_{10} = (0, 11010010)_{2}$$

نمایش اعداد علامت دار (signed):

$$b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + \dots + b_{-r} \times 2^{-r} + \dots$$

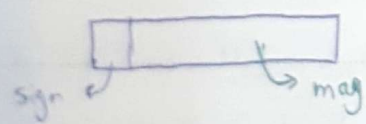
اعداد علامت دار (signed)

- 1) Sign-magnitude (علامت - اندازه)
 - 2) 1's complement
 - 3) 2's complement
- نمایش



[-V, ..., V]

[-N, ..., N] → 2's Complement



(sign-magnitude) SM (1)

محدوده نمایش: $[-(2^{n-1}-1), \dots, 2^{n-1}-1]$

$$B = b_{n-1} \dots b_1 b_0$$

$$V(B) = \begin{cases} \sum_{i=0}^{n-2} b_i \times 2^i & b_{n-1} = 0 \\ - \sum_{i=0}^{n-2} b_i \times 2^i & b_{n-1} = 1 \end{cases}$$

+V: 00111

-V: 10111

1's Complement (۲)

$$N = L - |N|$$

منفی \rightarrow $2^n - 1$ \rightarrow نیوونیکاش: $[-(2^{n-1}-1), \dots, 2^{n-1}-1]$
 $-5 = (2^4 - 1) - 5 = (1111) - (0101) = 1010$

2's Complement (۳)

$$N = 2^n - |N|$$

مکروهونیکاش: $[-2^{n-1}, \dots, 2^{n-1}-1]$

یک بیزه \leftarrow

$5 \rightarrow 1010 \rightarrow 1010 + 1 = 1011$

هرگز از سمت راست حرکت می کند به ~~صفر~~ ^{لین} ~~صفر~~ ^{برسد}!

سمت چپ ها را زبات می کند

2's 1's sign-mag

| | | | |
|----|-----|----|----|
| ۳ | 011 | ۳ | ۳ |
| ۲ | 010 | ۲ | ۲ |
| ۱ | 001 | ۱ | ۱ |
| ۰ | 000 | +0 | +0 |
| -۱ | 111 | -0 | -۳ |
| -۲ | 110 | -۱ | -۲ |
| -۳ | 101 | -۲ | -۱ |
| -۴ | 100 | -۳ | -0 |

sign-extension هیچ اتفاقی نمی افتد

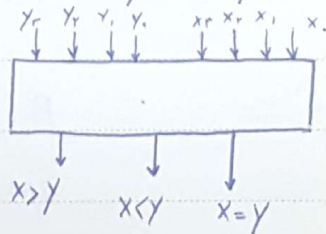
بنی چپ ۱ بجز عدد! بگذار

$$-3 = 101$$

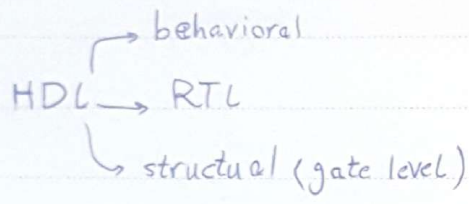
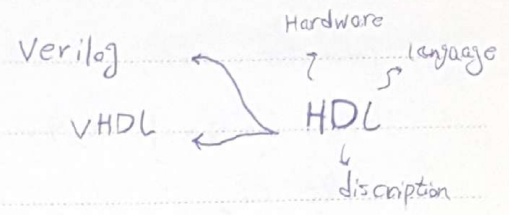
$$-3 = 1111111101$$

مقایسه طراحی کنید که در عدد آتی x و y را مقایسه کرده

و هر کدام از صلات $x=y$, $x < y$, $x > y$ را گزارش دهد

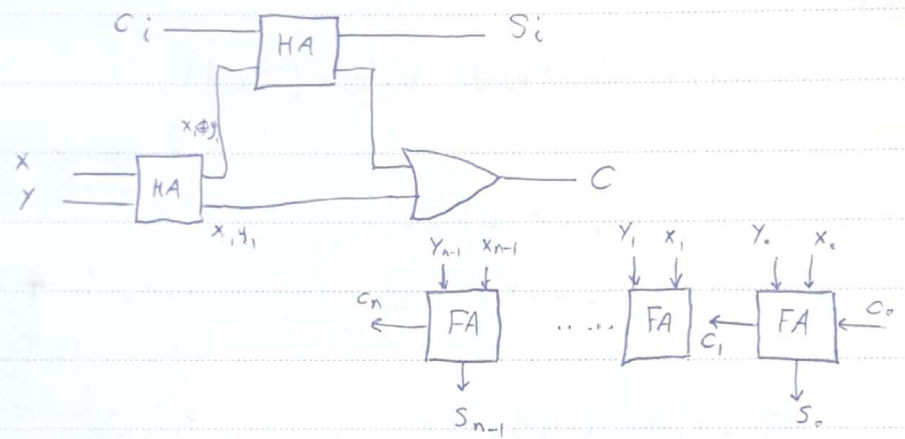


فای
حزب
1.2x



assign ↔ wire
always ↔ reg

Critical Path باکسیم تاخیر



$$f_{max} \propto \frac{1}{nT_g}$$

$$CP = n \Delta t = nT_g$$

```

module FA(Ci, x, y, s, cout);
    input Ci, x, y;
    output s, cout;
    assign s = x ^ y ^ Ci;
    assign cout = (x & y) | (x & Ci) | (y & Ci);
end module

    Always
    => output reg s, cout;
    always @(x, y, Ci)
    begin
        s = x ^ y ^ Ci;
        cout = ...;
    end
    
```

Parameter $n=1;$

input $[n-1:0] X, Y;$

input $C_i;$

output $C_o;$

output $[n-1:0] S;$

assign $\{C_o, S\} = \{1'b0, X\} + \{1'b0, Y\} + C_i;$

end

Carry-lookahead adder (CLA)

ایده: محاسبه C_i ها بصورت متوالی از هم (سری)

$$C_{i+1} = X_i Y_i + X_i C_i + Y_i C_i$$

$$= \underbrace{X_i Y_i}_{g_i} + \underbrace{(X_i + Y_i)}_{P_i} C_i \quad \begin{matrix} \text{CLA تأخیر: } 4 T_g \text{ fix} \\ \text{RCA: } 2n T_g \end{matrix}$$

$$C_{i+1} = g_i + P_i g_{i-1} + P_i P_{i-1} g_{i-2} + \dots + P_i P_{i-1} \dots P_1 P_0 C_0$$

RCA

CLA

پسین: سرعت

پلا: سرعت

پسین: پیچیدگی (area)

زیاد: پیچیدگی

سلسله مراتبی

جمع تقریبی اعداد علامت دار:

58 M: وقتی دو عددی که علامت هم ندارند هم علامت باشند جمع اندازه‌ها اضافه کردن علامت در انتها

$$\begin{array}{r} 0101 \\ 0010 \\ \hline 0111 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1110 \\ 1001 \\ \hline 1111 \end{array}$$

وقتی علامت مختلف دارند عددی که کوچکتر از منفی‌تر است کم می‌کنیم و علامت بزرگتر را می‌گذاریم

جمع اعداد 1's complement

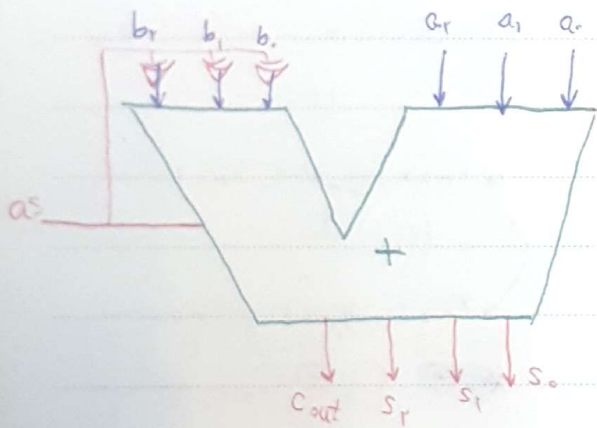
$$\begin{array}{r} +5 \\ +2 \\ \hline +7 \end{array} \quad \begin{array}{r} 0101 \\ 0010 \\ \hline 0111 \end{array} \quad \begin{array}{r} -5 \\ 2 \\ \hline -3 \end{array}$$

رقمی carry out بعد این جمع صحیح نیست و باید تصحیح بشود

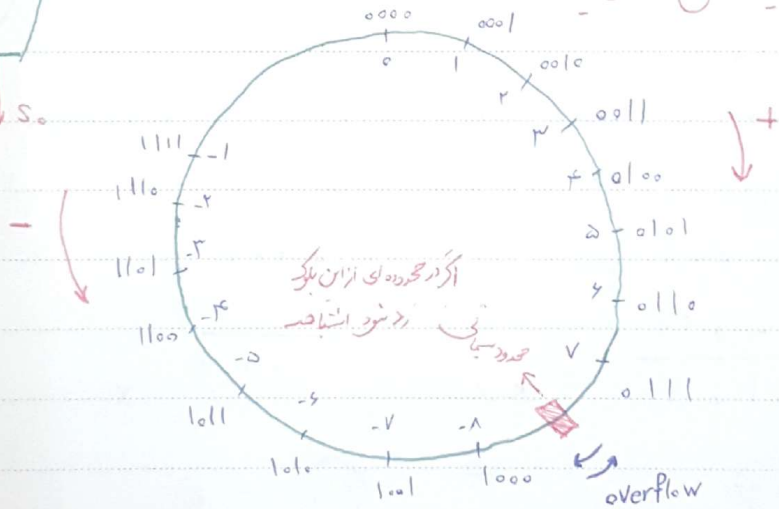
$$\begin{array}{r} +5 \\ -2 \\ \hline +3 \end{array} \quad \begin{array}{r} 0101 \\ 1101 \\ \hline 10010 \\ \hline 0011 \end{array} \quad \begin{array}{r} -5 \\ -2 \\ \hline -7 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1010 \\ 1101 \\ \hline 0111 \\ \hline 1000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ 0010 \\ \hline 0111 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1011 \\ 0010 \\ \hline 1101 \end{array} \quad \begin{array}{r} 0101 \\ 1110 \\ \hline X0011 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1011 \\ 1110 \\ \hline X1001 \end{array}$$

جمع اعداد در 2's comp



نمایش گرافیکی جمع و تفریق اعداد 2's complement



اگر در محروبه ای از این بزرگتر از 9 شود اشتباه

$$\begin{array}{r} +5 \\ +4 \\ \hline +9 \end{array} \quad \begin{array}{r} 0101 \\ 0100 \\ \hline 1001 \end{array} \rightarrow -7 \quad X \text{ غلط}$$

sign extension

$$\begin{array}{r} 0101 \\ 0100 \\ \hline 1001 \rightarrow \text{V} \times \end{array} \xrightarrow{\text{sign ext}} \begin{array}{r} 00101 + 2 \\ 00100 + 2 \\ \hline 01001 (+9) \checkmark \end{array}$$

wire [2:0] a, b;

wire [4:0] c;

assign C = { a[2], a } + { b[2], b };

$$\begin{array}{r} -2 \quad 1010 \\ -3 \quad 1101 \\ \hline \text{OK } 0111 (+7) \checkmark \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1010 \\ 1101 \\ \hline \times 10111 (-9) \checkmark \end{array}$$

برای جمع یک سابق با 10 بیتی باید مرددا 11 بیتی sign extension کنید (در دستنویس بی افادک)

معیار تشخیص overflow:

$$\begin{array}{r} C_r \quad C_r \quad C_r \quad C_1 \quad C_0 \\ \downarrow \quad x_r \quad x_r \quad x_1 \quad x_0 \\ \downarrow \quad y_r \quad y_r \quad y_1 \quad y_0 \\ \hline C_r \quad S_r \quad S_r \quad S_1 \quad S_0 \end{array}$$

overflow $\begin{cases} x_r=0, y_r=0, S_r=1 \\ x_r=1, y_r=1, S_r=0 \end{cases}$

overflow = ~~...~~ $C_n \oplus C_{n-1}$

$$\begin{array}{r} 0000 \\ 1001 \\ \hline 0010 \\ \hline 1011 \quad \text{OK} \checkmark \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0100 \\ 0111 \\ \hline 0010 \\ \hline 1001 \quad \times \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1100 \\ 0111 \\ \hline 1110 \\ \hline 10101 \quad \text{OK} \checkmark \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1000 \\ 1001 \\ \hline 1110 \\ \hline 10111 \quad \times \end{array}$$

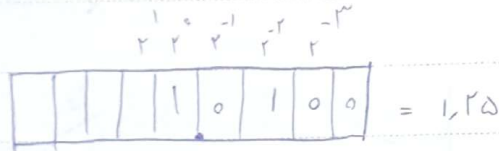
Binary Coded Decimal (BCD)

یعنی (0110) انسانی کن



Fixed-Point

float Point



B: $b_{n-1} \dots b_1 b_0 \mid b_{-1} b_{-2} \dots b_{-k}$ (n, k)

$V(b) = \sum_{i=-k}^{n-1} b_i \times 2^i$

int ← float

$X = 10101.01011$

$Y = 1.11011110$

$X + Y = 00010101.01011$

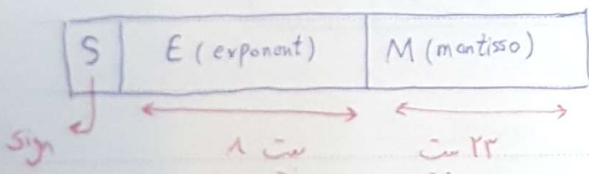
1011.11111000

Floating Point نکات

32 بیت

single precision

double precision 64 بیت



$V(B) = \pm 1, M \times 2^{(E-127)}$

$E = 0, \dots, 255$

$exp = -127 \rightarrow 0$

$+127 \rightarrow \infty$

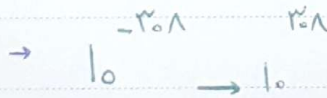
$10 \rightarrow 10$ (with bits -23 and 23 indicated)

$2^{-127} \approx 10^{-38}$

$E = 11 \text{ bit}$

$M = 23 \text{ bit}$

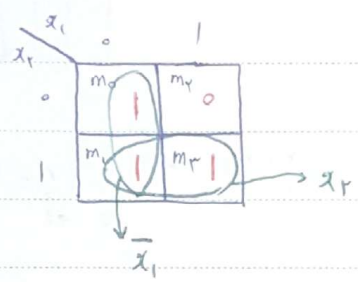
$\pm 1.M \times 2^{(E-127)}$



23-bit

- ✓ جبر بولین
 - ✓ جدول کارنو
 - × Quine- McClusky
 - ؟ استفاده از قضیه اجماع
 - × BDD روش های
- روش های ساده سازی

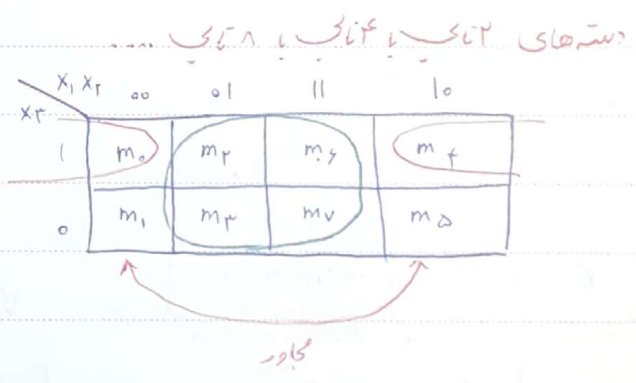
| x_1 | x_2 | |
|-------|-------|-------|
| 0 | 0 | m_0 |
| 0 | 1 | m_1 |
| 1 | 0 | m_2 |
| 1 | 1 | m_3 |



$$f = \bar{x}_1 \bar{x}_2 + \bar{x}_1 x_2 + x_1 x_2$$

$$= \bar{x}_1 + x_2$$

| x_1 | x_2 | x_3 | |
|-------|-------|-------|-------|
| 0 | 0 | 0 | m_0 |
| 0 | 0 | 1 | m_1 |
| 0 | 1 | 0 | m_2 |
| 0 | 1 | 1 | m_3 |
| 1 | 0 | 0 | m_4 |
| 1 | 0 | 1 | m_5 |
| 1 | 1 | 0 | m_6 |
| 1 | 1 | 1 | m_7 |



اگر کل اعداد رو بپوش داد دیگه لازم نیست چیزی اضافه کنی
* خلاصه لزوماً بد نیست

سوال کورس

* تابع زیر را با کمترین هزینه پیاده سازی کنید $f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \sum m(4, 6, 8, 10, 11, 12, 15) + d(3, 5, 7, 9)$

| | | | | |
|-----------|----|----|----|----|
| $x_1 x_2$ | 00 | 01 | 11 | 10 |
| $x_3 x_4$ | 00 | 01 | 11 | 10 |
| 00 | | | | |
| 01 | | | 1 | 1 |
| 11 | 1 | 1 | | |
| 10 | 1 | 1 | | |

$x_5 = 0$

| | | | | |
|-----------|----|----|----|----|
| $x_1 x_2$ | 00 | 01 | 11 | 10 |
| $x_3 x_4$ | 00 | 01 | 11 | 10 |
| 00 | | | | 1 |
| 01 | | | 1 | 1 |
| 11 | 1 | 1 | | |
| 10 | 1 | 1 | | |

$x_5 = 1$

$$f = \bar{x}_1 x_2 + x_1 \bar{x}_2 + x_1 x_2 x_3 + x_1 x_2 \bar{x}_3$$

| | | | | |
|-----------|----|----|----|----|
| $x_1 x_2$ | 00 | 01 | 11 | 10 |
| x_3 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |

$$f_{POS} = (\bar{x}_1 + x_2)(\bar{x}_1 + x_2) \rightarrow 9$$

کارنو برای POS

$$f_{SOP} = \bar{x}_1 + x_2 x_3 \rightarrow 6$$

هزینه Cost یک عبارت بولین: تعداد gate + تعداد ورودی

$$f = \underbrace{x_1 \bar{x}_2 x_3}_4 + \underbrace{x_1 x_2}_3 + \underbrace{\bar{x}_1 x_2 x_3 x_4}_5 = 12$$

Not, اصابع نمی‌کنیم

اگر یک تابعی بر ما داده و گفتند با کارنو مینمایز کنید باید هم SOP و هم POS را حساب کنید و کمترین عدد را حساب کنید

- 1) f_{SOP}
- 2) f_{POS}
- 3) Cost \rightarrow min Cost

جدول
★ ۶ تاگی ★
★ - ★

don't Care یعنی هم نیت و دست باز

$$f = \sum m(2, 4, 5, 6, 10) + \sum d(12, 13, 14, 15)$$

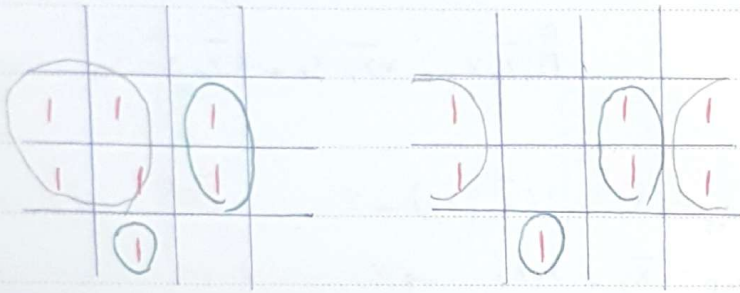
| | | | | |
|--|---|---|---|---|
| | 1 | d | 1 | |
| | 1 | d | 1 | |
| | | d | 0 | |
| | 1 | 1 | d | 1 |

$$x_3 \bar{x}_4 + x_2 \bar{x}_3$$

چون برای تعیین SOP و POS نیاز به جدول کیهان باشد
 لازم نیست که ما یکی باشند چون برای SOP دنبال 1 هستیم
 برای POS دنبال 0 هستیم

$$f_{POS} \neq f_{SOP}$$

مدارهای با چند خروجی، گاهی اوقات دریا چند تابع پیدا با هم پیاده سازی شوند. پیاده سازی مستقل آنها می تواند بسیار پرهزینه تر از حالتی شود که هر دو را با هم پیاده کنیم



$$f_1 = \bar{x}_1 x_2 + x_1 x_2 + \bar{x}_1 x_2 x_3 \rightarrow Cost = 14$$

$$f_2 = x_1 x_2 + \bar{x}_1 x_2 + \bar{x}_1 x_2 x_3 \bar{x}_4 \rightarrow Cost = 15$$

سبزه مشترک

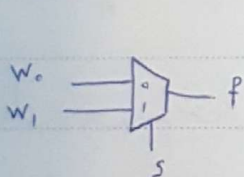
$$\begin{cases} \bar{x}_1 x_2 + x_1 x_2 x_3 + \bar{x}_1 x_2 x_3 x_4 \rightarrow 16 \\ \bar{x}_1 x_2 + x_1 x_2 x_3 + \bar{x}_1 x_2 x_3 \bar{x}_4 \rightarrow 7 \end{cases}$$

مدار ترکیبی

مالتی پلکسر Multiplexer

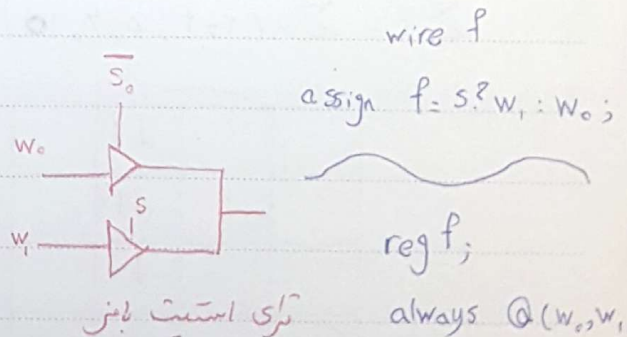
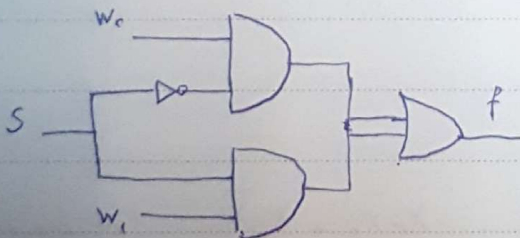
یک MUX دارای تعدادی ورودی و تعدادی کنترل کننده در یک خروجی است. بسته به مقدار کنترل کننده یکی از ورودی ها به خروجی می رود.

2 to 1 MUX



| s | f |
|---|----------------|
| 0 | w ₀ |
| 1 | w ₁ |

$$f = \bar{s} w_0 + s w_1$$



wire f

assign f = s ? w₁ : w₀;

reg f;

always @(w₀, w₁, s)

begin if (s == 1)

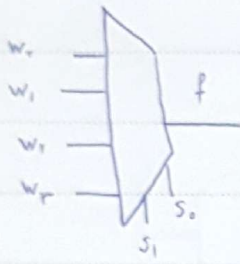
f = w₁;

else

f = w₀;

end

$$f = \begin{cases} x & s = 1 \\ z & s = 0 \end{cases}$$

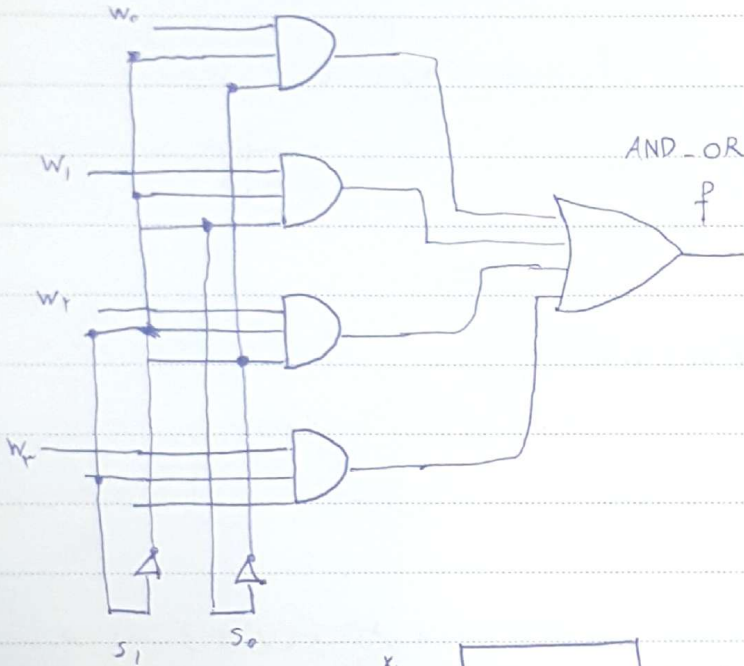


چیز $f = \bar{s}_0 w_0 + s_0 w_1$

$f = \bar{s}_0 \bar{s}_1 w_0 + \bar{s}_1 s_0 w_1 + s_1 \bar{s}_0 w_2 + s_1 s_0 w_3$

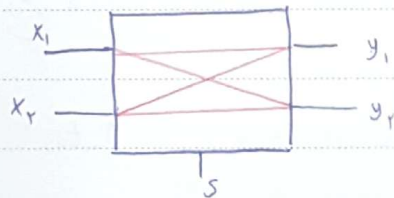
MUX

| s_1 | s_0 | f |
|-------|-------|-------|
| 0 | 0 | w_0 |
| 0 | 1 | w_1 |
| 1 | 0 | w_2 |
| 1 | 1 | w_3 |



AND-OR در حقیقت نری ساده سازی بنا برین در طبقه است

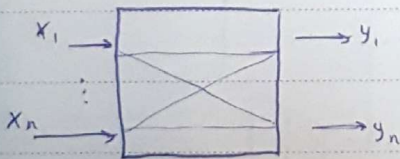
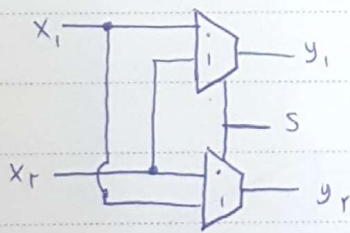
مثال : Crossbar, switch



$s=0 \Rightarrow \begin{cases} x_1 = y_1 \\ x_2 = y_2 \end{cases}$

$s=1 \Rightarrow \begin{cases} x_1 = y_2 \\ x_2 = y_1 \end{cases}$

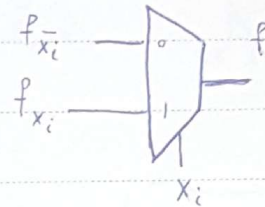
★ عکس



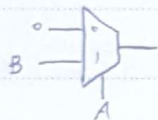
بیا ده سازی تابع با استفاده از mux

Shannon law

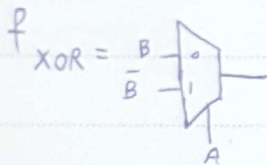
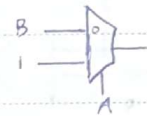
$$f(x_1, \dots, x_n) = \bar{x}_i f_{\bar{x}_i} + x_i f_{x_i}$$



$$f = AB = AB + A \cdot 0$$



$$f = A + B = A \cdot 1 + \bar{A} \cdot B$$



$$f = \bar{w}_1 w_2 + w_1 \bar{w}_2$$

فرق می کند نسبت به کدام متغیر ها

$$f = ABC = A(BC) + \bar{A}(\cdot) = A(B(C) + \bar{B}(0)) + \bar{A}(\cdot)$$

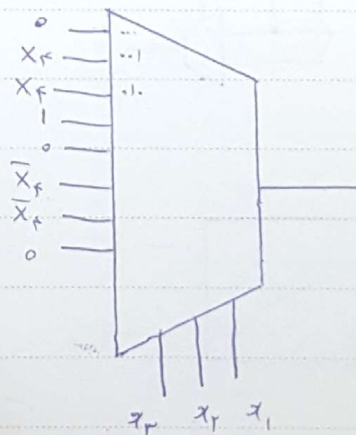
بهترین حالت w_3 \Rightarrow شرط با نبوی

در حالت کلی می توان یک تابع n متغیره توسط یک mux 2^n to 1 بیا ده سازی کرد

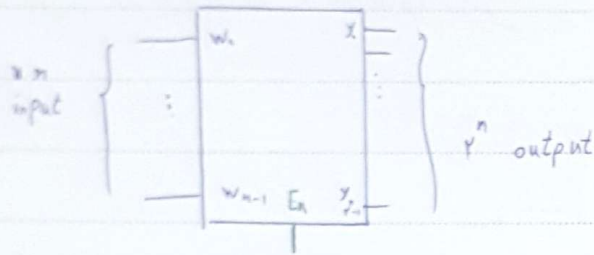
مثال: تابع زیر را با یک mux 1 to 1 بیا ده سازی کنید

$$f = (x_3, x_2, x_1) = \sum m(3, 5, 6, 9, 10, 11)$$

| | | | | | | | | |
|-------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| | I_0 | I_1 | I_2 | I_3 | I_4 | I_5 | I_6 | I_7 |
| \bar{x}_3 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| x_3 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |



دکودر Decoder: یک دکودر برای Decode کردن اطلاعات گذشته استفاده می شود.



دارای n ورودی و 2^n خروجی و یک سیگنال Enable است. ورودی دارای 2^n حالت مختلف است. در حقیقت دکودر به ازای هر حالت ورودی، تنها یکی از خروجی ها را "1" می کند و بقیه صفر می مانند.

مثال: دکودر 2 به 4 (2 to 4) (:) ها

| E_n | w_1 | w_0 | |
|-------|-------|-------|---------|
| 1 | 0 | 0 | 1 0 0 0 |
| 1 | 0 | 1 | 0 1 0 0 |
| 1 | 1 | 0 | 0 0 1 0 |
| 1 | 1 | 1 | 0 0 0 1 |
| 0 | X | X | 0 0 0 0 |

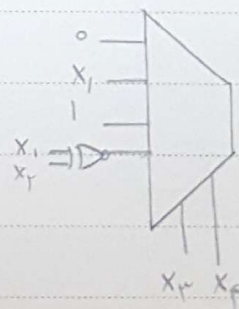
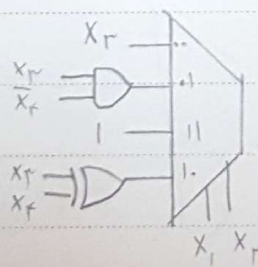
له هم نیست

وقتی $E_n = 0$ ، خروجی ها همه صفر هستند. خروجی one-hot است.

سوال کومبر: با استفاده از یک 4 to 1 mux و حداقل تعداد گیت های دیگر تابع زیر را بسازید.

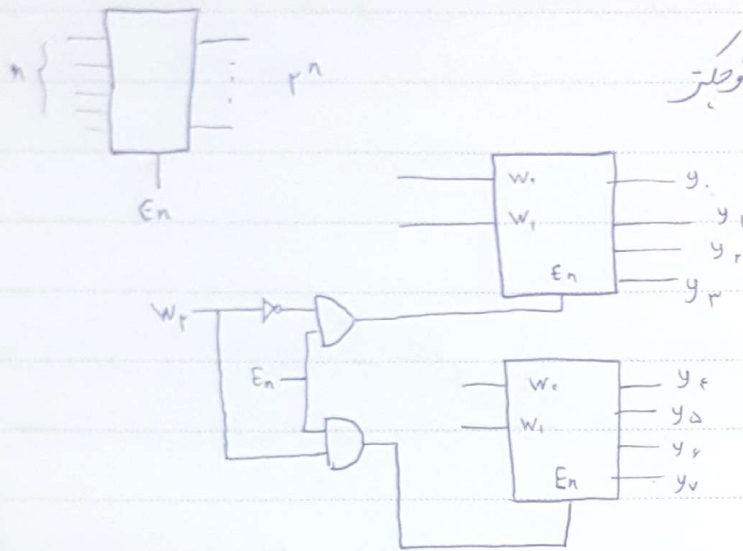
$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \sum m(2, 3, 6, 9, 10, 11, 15) + \sum d(0, 12, 14)$$

| x_4 | x_3 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|-------|-------|----|----|----|----|
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |

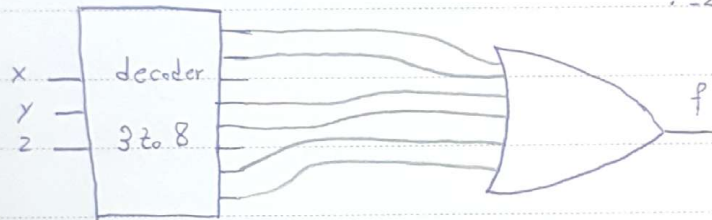


Decoders

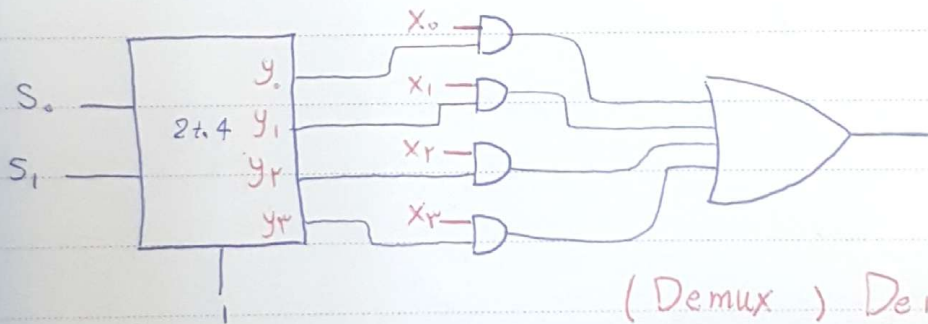
ساخت دکودر بزرگتر، از روی دکودهای کوچکتر



$$f = \sum m(0, 1, 2, 4, 7)$$

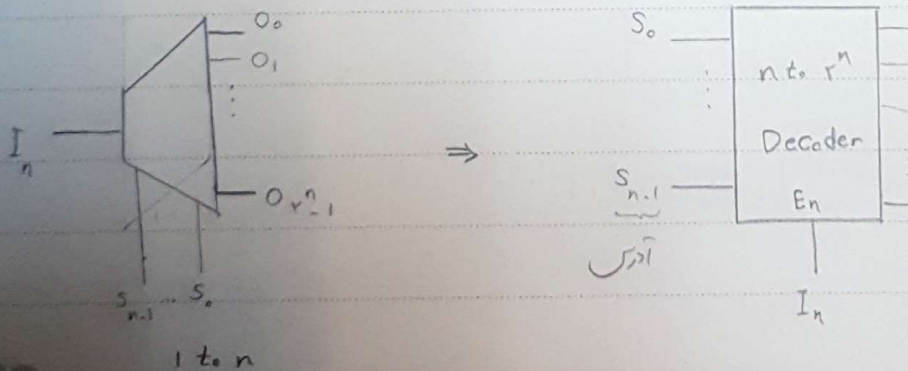


مثال: با استفاده از یک دکودر 2 to 4 یک mux 4 to 1 بسازید

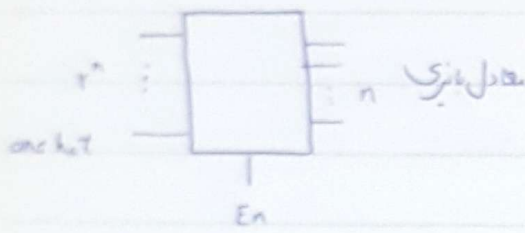


(Demux) Demultiplexer

عکس کار mux را انجام می دهد یعنی قرار دادن سیگنال ورودی بر روی یکی از 2^n خروجی ممکن بر حسب سیگنال های کنترل کننده.



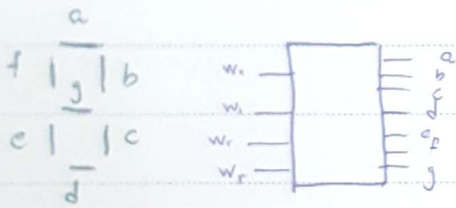
decoder عکس : Encoder



| ورودی | خروجی |
|-------|-------|
| 0001 | 00 |
| 0010 | 01 |
| 0100 | 10 |
| 1000 | 11 |

priority Encoder : ورودی مطابق ارجحیت priority هستند

| w_3 | w_2 | w_1 | w_0 | y_1 | y_0 | z |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 0 | 1 | X | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | X | X | 1 | 0 | 1 |
| 1 | X | X | X | 1 | 1 | 1 |



| w_3 | w_2 | w_1 | w_0 | a | b | c | d | e | f | g |
|-------|-------|-------|-------|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| ? | ? | ? | ? | | | | | | | |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 |

CODE CONVERTER
BCD-to-7seg

| b_3 | b_2 | b_1 | b_0 | g_3 | g_2 | g_1 | g_0 |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 |

$g_3 = b_3$
 $g_2 = b_2 \oplus b_3$
 $g_1 = b_1 \oplus b_2$
 $g_0 = b_0 \oplus b_1$

Binary to Gray

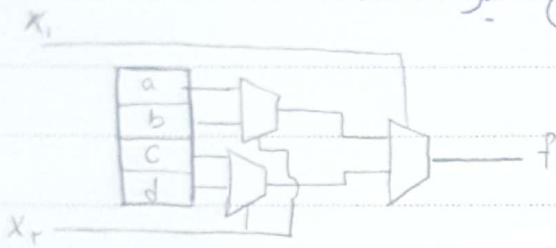
کتاب

| | | |
|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 0 |

Look up table پیاده سازی برای یک LUT

یک حافظه ایی را در نظر بگیرید که مقدار "0" یا "1" را می تواند در خود حفظ کند

یک LUT مجموعی از حافظه های ایی که توسط آن توابع مختلف را پیاده سازی می کنند
مثال: یک LUT 2-input قادر به پیاده سازی هر تابع 2 متغیره است



| X_1 | X_2 | |
|-------|-------|---|
| 0 | 0 | a |
| 0 | 1 | b |
| 1 | 0 | c |
| 1 | 1 | d |

مثال:

$$\begin{matrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{matrix} \Rightarrow f = \overline{X_1} \overline{X_2} + X_1 X_2$$

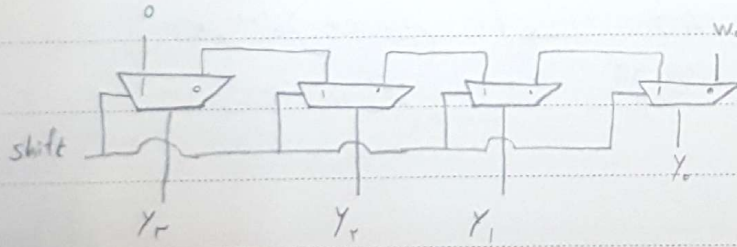
| | |
|---|---|
| 1 | 0 |
| 0 | 1 |

با تغییر مقادیر ذخیره شده در LUT، تابع نیز تغییر می کند.
هر تابع K متغیره را با یک LUT K-input می توان پیاده سازی کرد.
در اکثر FPGA های موجود در بازار $K = 4$ تا 6

$shift = 0 \rightarrow$ No action
 $shift = 1 \rightarrow$ right shift

مدار نسبت به راست ورودی: W_0, W_1, W_2, W_3

خروجی: Y_0, Y_1, Y_2, Y_3



barrel shift

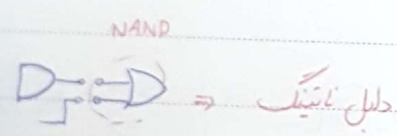
حالت کل shift که تعداد shift آن قابل برنامه ریزی و کنترل است.

| S_1 | S_0 | Y_3 | Y_2 | Y_1 | Y_0 |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 0 | 0 | w_3 | w_2 | w_1 | w_0 |
| 0 | 1 | w_2 | w_1 | w_0 | w_3 |
| 1 | 0 | w_1 | w_0 | w_3 | w_2 |
| 1 | 1 | w_0 | w_3 | w_2 | w_1 |

assign $Y = \{ \{ X_1, X_0 \}, \{ X_2, X_1 \} \}$
 $Y = X \gg 2;$
 o.o. X_3, X_2

دار درصفه ۳۷۴ کتاب جا

- برای ۱
- Pos OR-AND, SOP AND-OR
 - MUX ۲
 - LUT ۳
 - ۴ فقط NAND, فقط NOR
 - OAI, AOI

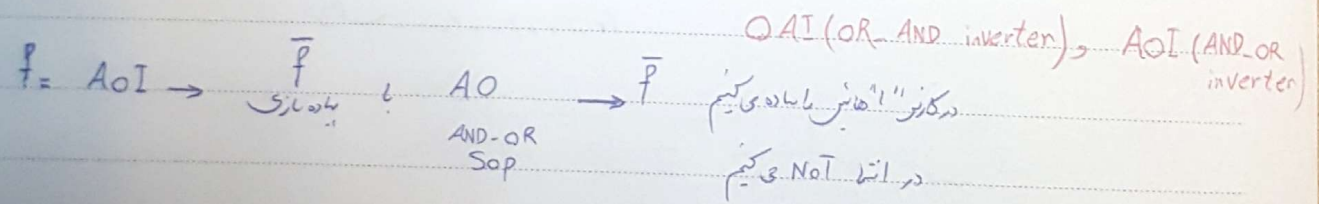


۱۴ گیت کامل، گیتی که بتوان آن گیت های AND, OR, NOT ساخت

گیت XOR, XNOR کامل نیستند
 پایه سازی بر اساس NOR, NAND

NAND → AND-OR + double noting

NOR → OR-AND + double noting



$$f = \sum m(f, y, v, \lambda, 1t, 10) \rightarrow \text{AoI}$$

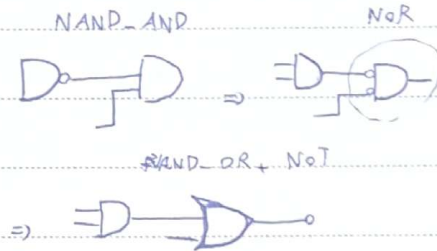
| | | | | | | | |
|--|---|---|---|----|---|---|---|
| | 1 | | 1 | | 1 | | 1 |
| | | | | | 1 | 1 | 1 |
| | 1 | 1 | | | 1 | | 1 |
| | 1 | 1 | | | 1 | | 1 |
| | f | | | f̄ | | | |

$$\bar{f} = x_f x_v + \bar{x}_v x_1 + \bar{x}_v x_r + x_f x_r$$

$$\Rightarrow f = (\bar{\quad})$$

Standard cell

AoI 321
 $(a \cdot b \cdot c) + (d \cdot e) + f$



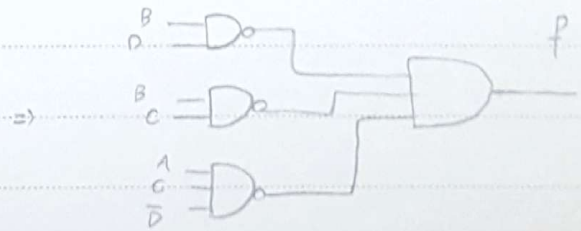
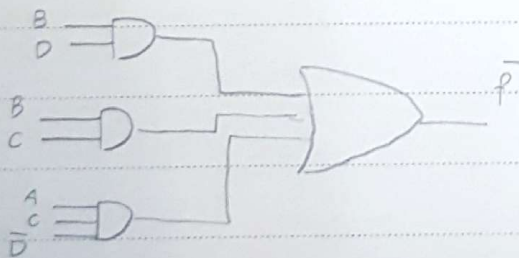
تابع زیر را به صورت NAND-AND ، NOR-OR ، یا به سبزی کنید.

$$f = \sum m(0, 1, 2, 3, 4, 9, 10, 11)$$

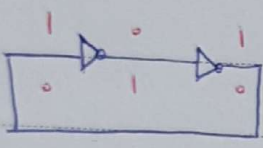
MSB ↙
A, B, C, D

| | | | |
|--|---|---|---|
| | | | |
| | 1 | 1 | |
| | 1 | 1 | |
| | 1 | 1 | 1 |

$$\bar{f} = BD + Bc + Ac\bar{D}$$



memory elements : مدارهای ترتیبی

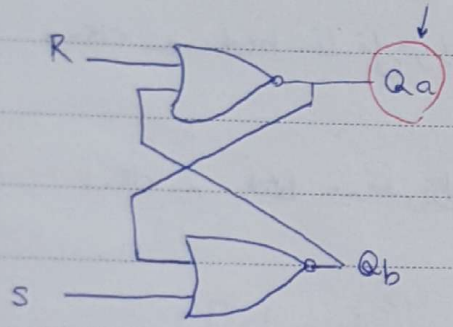


المان می حافظه

۱. ساده ترین المان

تعداد زوج المان NOT

مثال اصلی : راحت ترین تغییر مقدار حافظه



SR latch (۲)

| | S | R | Qa | Qb |
|--------|---|---|-----|-----|
| حفظ | 0 | 0 | 0/1 | 1/0 |
| reset | 0 | 1 | 0 | 1 |
| set | 1 | 0 | 1 | 0 |
| دورسفر | 1 | 1 | 0 | 0 |

Active High

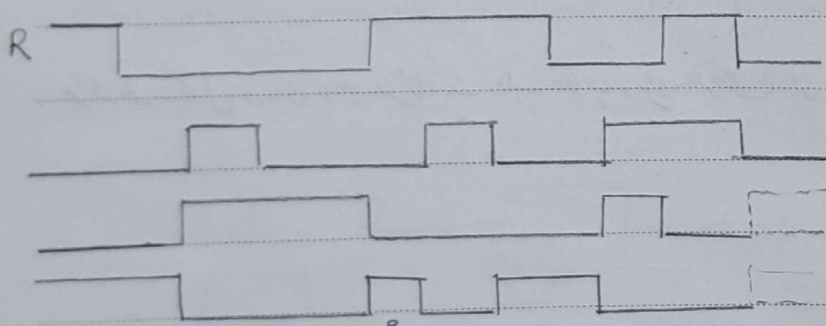
نامعلوم

$$Q_a = \overline{(Q_b + R)} = \overline{Q_b} \cdot \overline{R}$$

$$Q_b = \overline{(Q_a + S)} = \overline{Q_a} \cdot \overline{S}$$

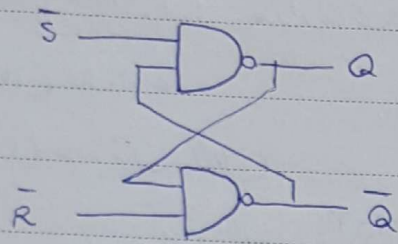
| S | R | Q(t+1) |
|---|---|--------|
| 0 | 0 | Q(t) |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | نامعین |

$$R=0, S=1 \rightarrow Q_b=0 \Rightarrow Q_a=1$$



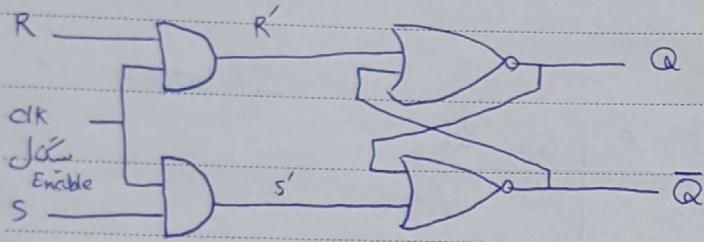
R keep set R دورسفر R K S دورسفر

نامعین به دلیل تأخیر ذاتی کیت NOR



| \bar{S} | \bar{R} | $Q(t+1)$ |
|-----------|-----------|----------|
| 0 | 0 | ناعین |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | $Q(t)$ |

Active low

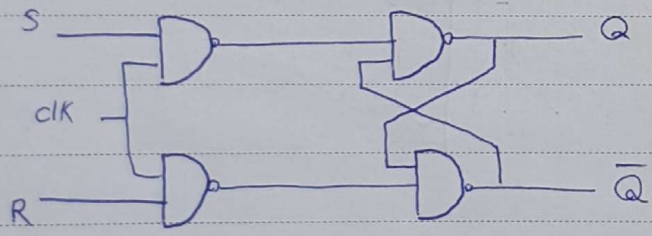


دقتی $\leftarrow clk=0$ latch مقدار قبل خود را حفظ می کند

دقتی $\leftarrow clk=1$ latch مانند حالت نرالی خود عمل می کند

level sensitive

| clk | S | R | $Q(t+1)$ |
|-----|---|---|----------|
| 0 | X | X | $Q(t)$ |
| 1 | 0 | 0 | $Q(t)$ |
| 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | X |

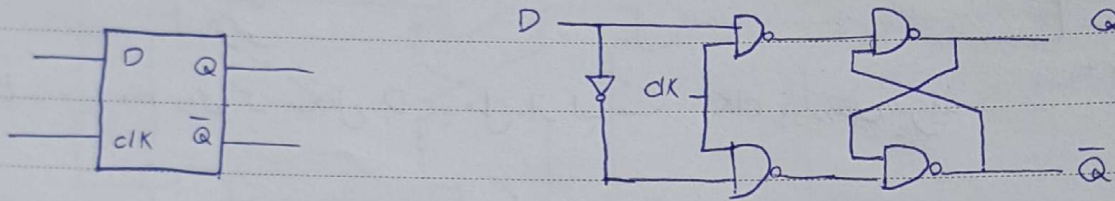


level sensitive به سطح clock وابسته است

برای هر سیگنال ورودی باید سر راه یک فلپ فلوب و برای خروجی از یک فلپ فلوب باشد

Gated D latch

نوع دیگر از ترانزیتور latch می باشد که دارای دو ورودی و دو خروجی می باشد

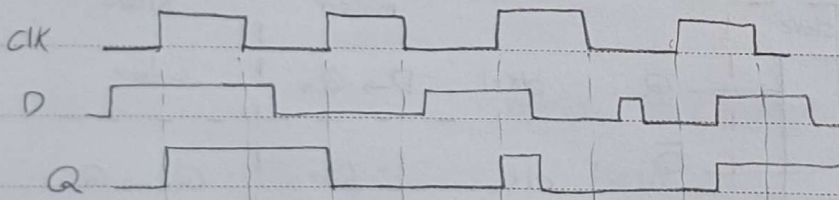


SR latch

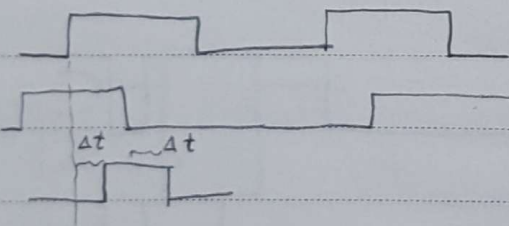
درودی S, R ممکن هم هستند لذا حالت نامطلوب S=R=1 اتفاق نمی افتد

$$clk=1 \begin{cases} D=1 \Rightarrow \begin{cases} S=1 \\ R=0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} Q=1 \\ \bar{Q}=0 \end{cases} \\ D=0 \Rightarrow \begin{cases} S=0 \\ R=1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} Q=0 \\ \bar{Q}=1 \end{cases} \end{cases}$$

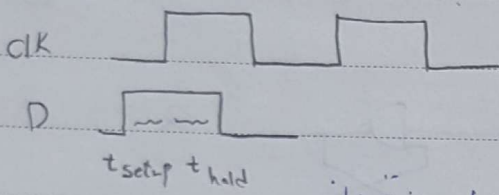
| clk | D | Q(t+1) |
|-----|---|--------|
| 0 | X | Q(t) |
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 |



نکته: در دنیای واقع، کنت ما دارای یک تأخیر به نام Propagation delay هستند این باین مفاست که وقتی clk=1 است خروجی Q با یک تأخیری، تغییرات ورودی را دنبال می کند.



setup time



$$T_{clk} \geq T_{latch} + T_{logic} + T_{setup}$$

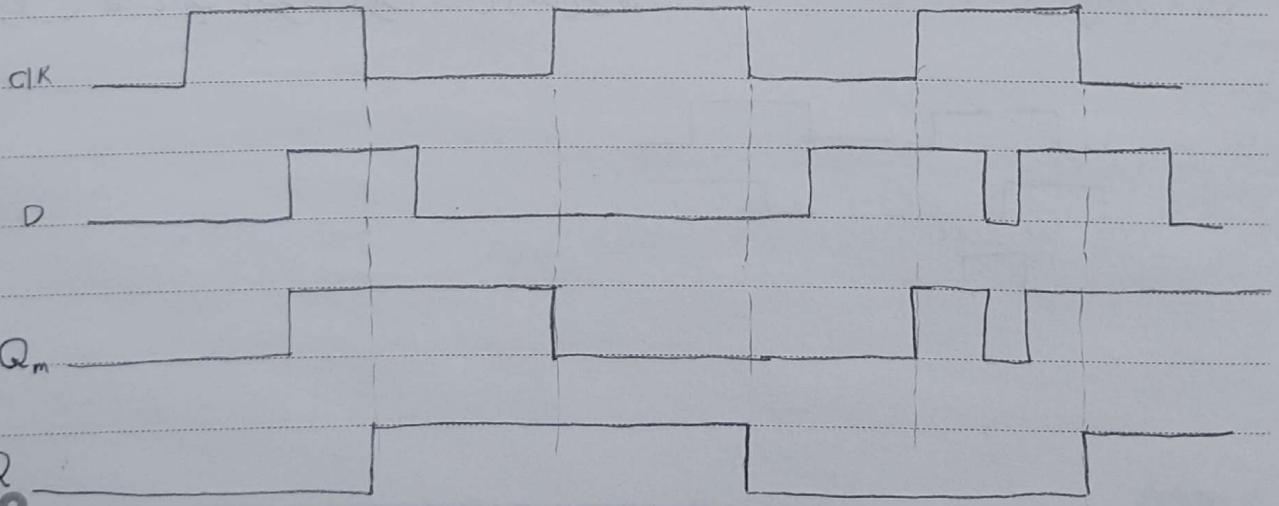
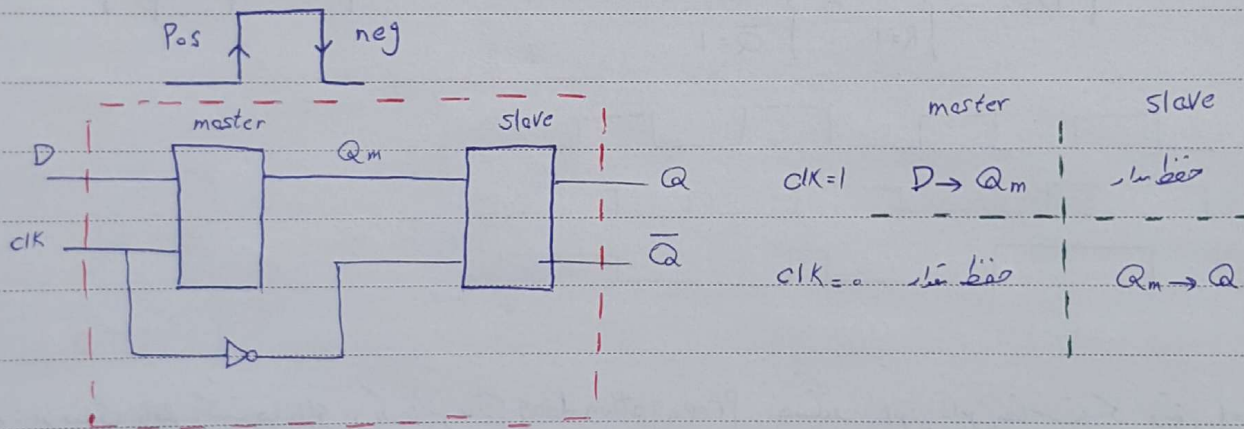
t_{setup} : min زمانی که میگردد D باید قبل از لبه است clk پایدار و بدون تغییر باشد

t_{hold} : min زمانی که میگردد D باید بعد از لبه است clk پایدار و بدون تغییر باشد

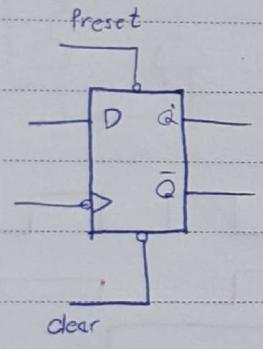
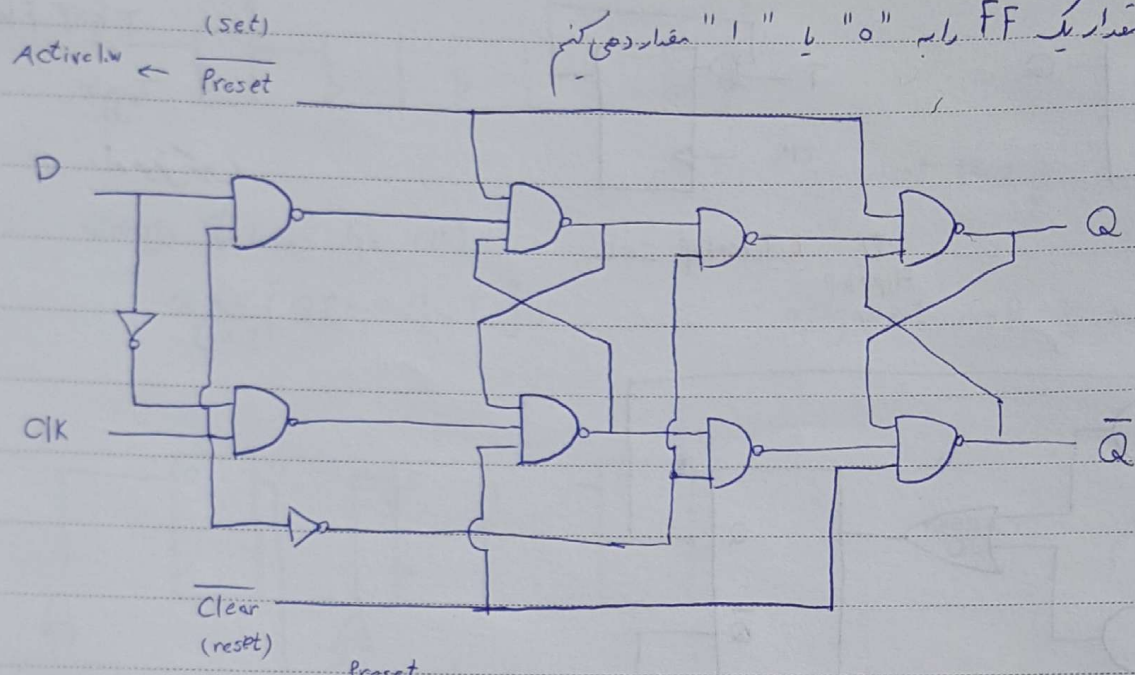
Master slave D FlipFlop

دیدیم که latch ← level sensitive بود

خطی میگردانیم به رجیسترهایی داریم که به لبه‌های بالا رونده یا پایین رونده clk حساس باشند



مطلوبت بتوانم مقدار یک FF را به "0" یا "1" مقدار دهی کنیم



$\overline{\text{clear}} = 0 \Rightarrow Q = 0$

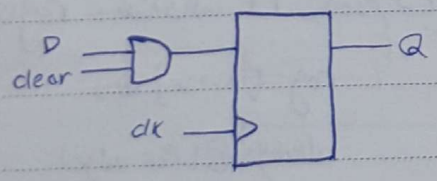
$\overline{\text{Preset}} = 0 \Rightarrow Q = 1$

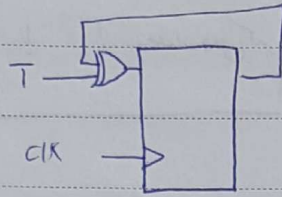
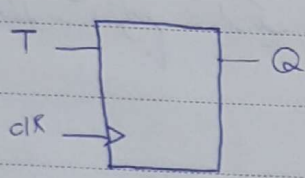
Q.W \Rightarrow normal FF

always @ (posedge clk, negedge clear) وریداک :

آسترون

```
begin
  if (clear == 0) برای سترون شدن negedge, اخذ می کنیم
    Q <= 0;
  else
    Q <= D;
end
```



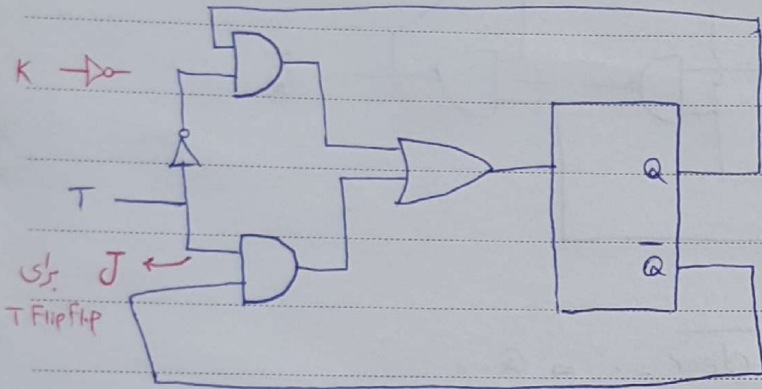


T Flip Flop

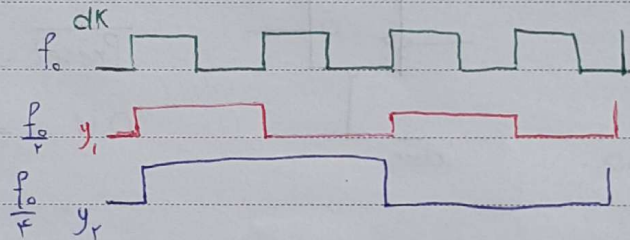
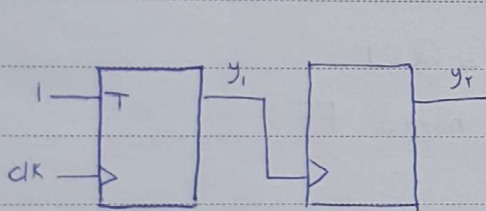
Toggle

له عوض کړون

مماخت T Flip Flop با D Flip Flop



T Flip Flop

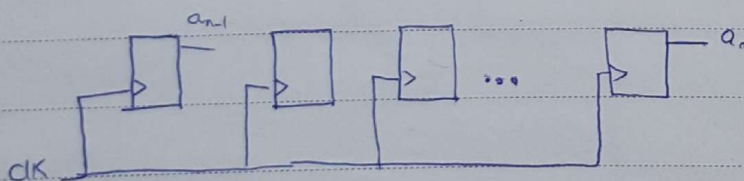


JK Flip Flop

| J | K | Q (t+1) |
|---|---|--------------|
| 0 | 0 | Q(t) |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | $\bar{Q}(t)$ |

مماوه بهر T Flip Flop قابليت set , reset کړون را هم دارد

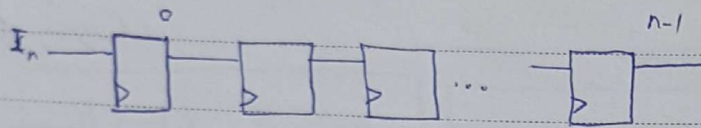
register ، تعدادی FF (n) ، کما هم که بیانگر یک سیگنال n-بیتی می باشد



reg [n-1:0] Q;

always @(Pos edge)

Q <= D;



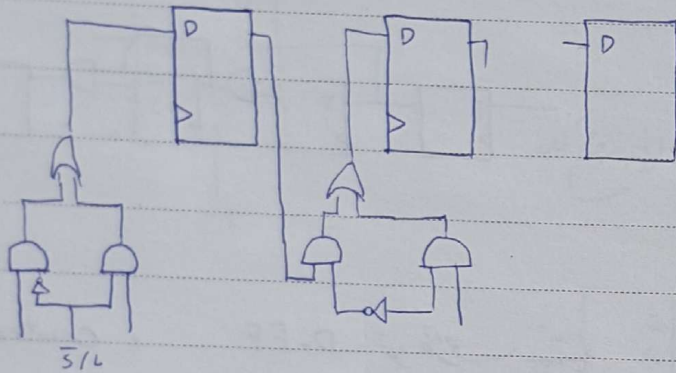
Shift register

در مدارهای ترکیبی: assignment blocking

always @ (.Pos edge CLK)

$$Q_{[n-1:0]} \leftarrow \{ Q_{[n-2:0]}, I_n \};$$

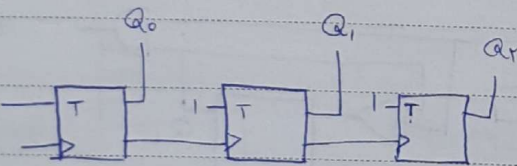
در مدارهای ترتیبی: assignment non blocking



هم shift register هم register

Counter (شمارنده)

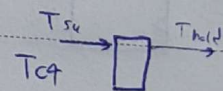
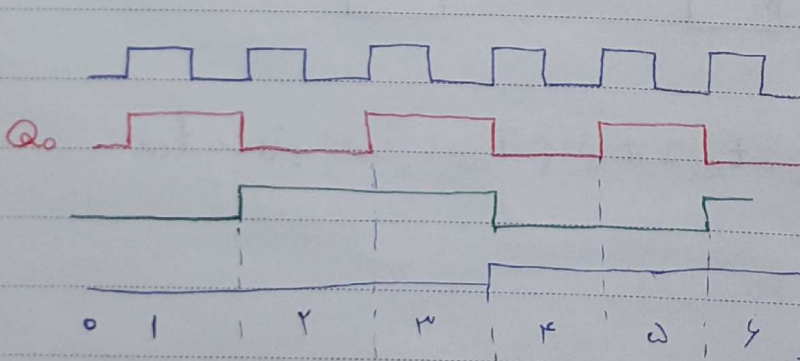
دو نوع فلپ کانتر:
 1. سنکرون: همه FF ها توسط CLK مدیریت می شوند
 2. آسنکرون: FF های میانی توسط سیگنال های میانی کلک می شوند



آسنکرون

3-bit up counter

مثال:



delay کمی هم دارد به علت گیت های طبیعتاً

delay زیادی داریم
 تا خیز تصحیحی و برای n بزرگ اصلاً شمارنده ترکیبی نیست

Counter سینکرون :

| CLK | Q ₂ | Q ₁ | Q ₀ |
|-----|----------------|----------------|----------------|
| 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 0 | 1 | 0 |
| 3 | 0 | 1 | 1 |
| 4 | 1 | 0 | 0 |
| 5 | 1 | 0 | 1 |
| 6 | 1 | 1 | 0 |
| 7 | 1 | 1 | 1 |
| 8 | 0 | 0 | 0 |

ملاحظات :

1) Q₀ در هر کلاک toggle می کند

2) Q₁ وقتی Q₀=1 toggle می کند

3) Q₂ وقتی Q₁=1 و Q₀=1 toggle می کند

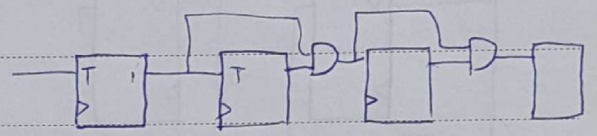
$$T_0 = 1$$

$$T_1 = Q_0$$

$$T_2 = Q_1 Q_0$$

$$\vdots$$

$$T_n = Q_{n-1} \dots Q_0$$



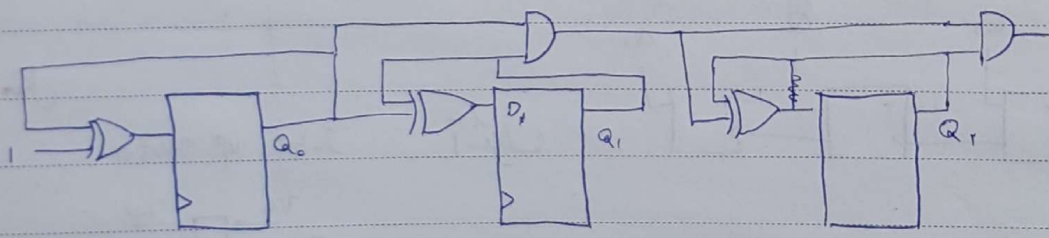
نتیجه n DFF : D-FF شیوه طراحی آساز Counter

$$D_0 = 1 \oplus Q_0$$

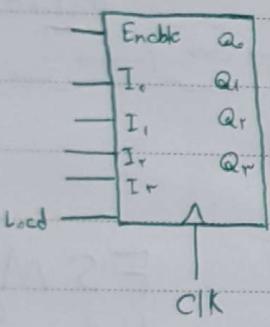
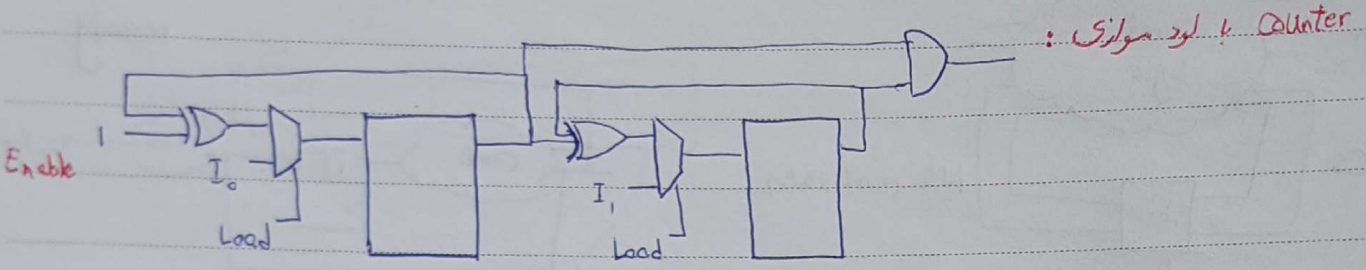
$$D_1 = Q_1 \oplus Q_0$$

$$D_2 = Q_2 \oplus Q_1 Q_0$$

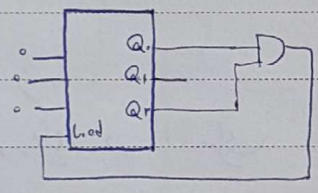
$$D_i = Q_i \oplus Q_{i-1} Q_{i-2} \dots Q_1 Q_0$$



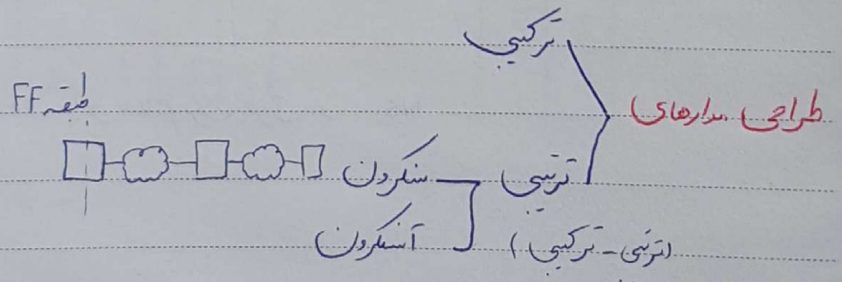
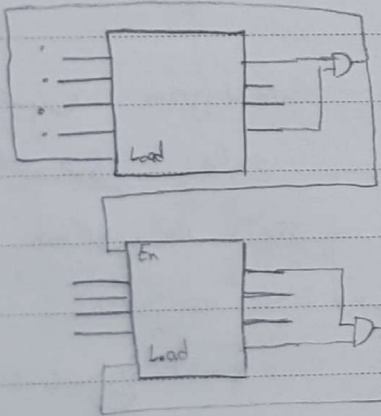
$$T_{cp} = t_{cf} + 2t_{AND} + t_{XOR} + t_{su} < T_{clk} \Rightarrow f_{clk} \text{ بیت و آید}$$



مداری طراحی کنید که شماره ای باشد که وقتی به ۱۰ می رسد از اول شروع کند.

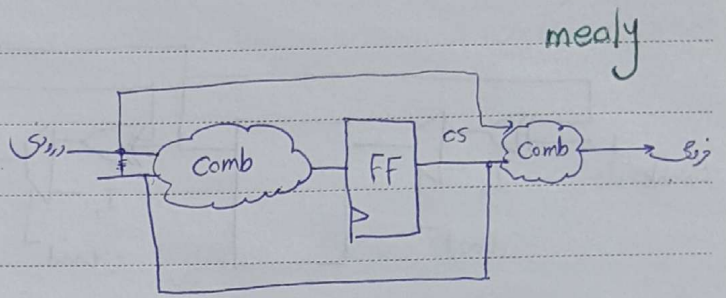
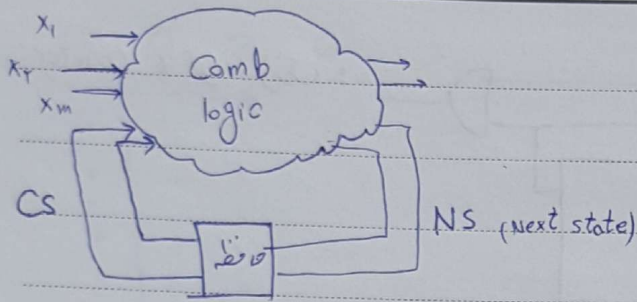


مدار شماریه BCD از ۰ تا ۹۹ دیگر به ۹۹ رسید صفر شود.

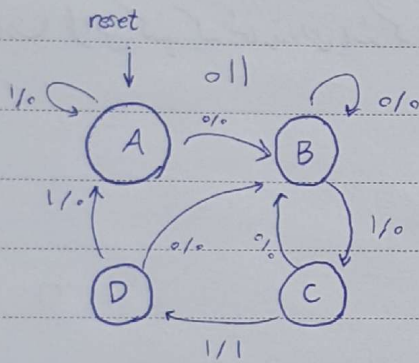
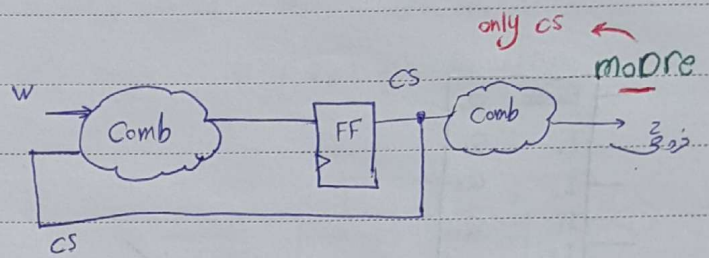


سنگردن ← mealy خروجی هم به ورودی هم به CS (current state) بستگی دارد حافظه مدار

moore ← خروجی فقط به CS بستگی دارد



آسترون → ساده تر کجایی داریم جا ل FF → سفردون



FSM

Finite state machine

مثال: مدار طراحی کنید که یک ورودی دارد و زمانیکه دو "۱" متوالی در ورودی بیند خروجی با "۱" کند.

| | t_0 | t_1 | t_2 | t_3 | t_4 | t_5 | t_6 | t_7 | t_8 | t_9 | t_{10} |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|----------|
| ورودی | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| خروجی | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 |

۱۱. کشیدن state diagram

۱۲. ایجاد جدول state

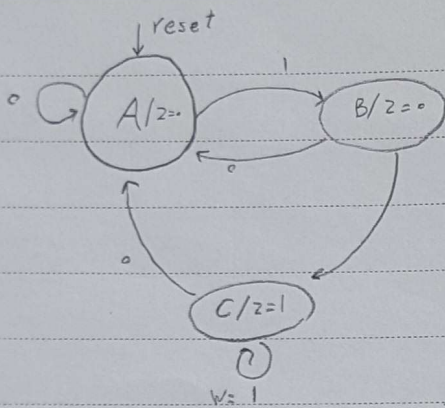
۱۳. min کردن تعداد state

۱۴. state assignment و تعیین مدارهای ترکیبی لازم برای خروجی و NS

۱۵. انتخاب نوع FF

۱۶. پیاده سازی

State diagram کسب (1)

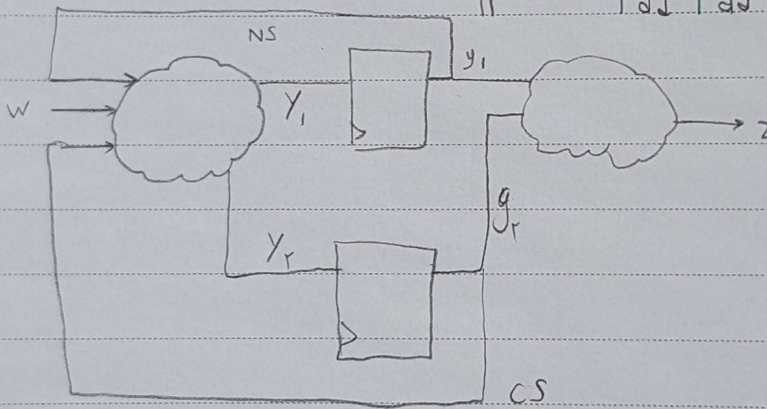


state dā n

$$\lceil \log_r^n \rceil = \text{FF dā}$$

| CS | NS | | Z |
|--------|------|------|---|
| | w=0 | w=1 | |
| 00 ← A | 00 A | 01 B | 0 |
| 01 ← B | 00 A | 10 C | 0 |
| 10 ← C | 00 A | 10 C | 1 |
| | 11 | 11 | 1 |

state table (1)



| w | y _r , y ₁ | 01 | 11 | 10 |
|---|---------------------------------|----|----|----|
| 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |

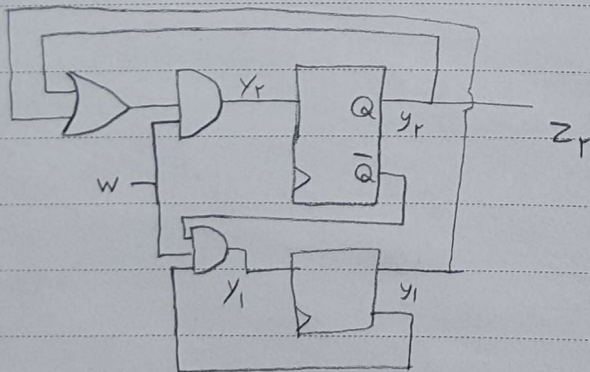
| | | | |
|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 1 |

| y _r | 0 | 1 |
|----------------|---|---|
| 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 |

$$y_1 = w \bar{y}_r \bar{y}_1$$

$$y_r = w (y_1 + y_r)$$

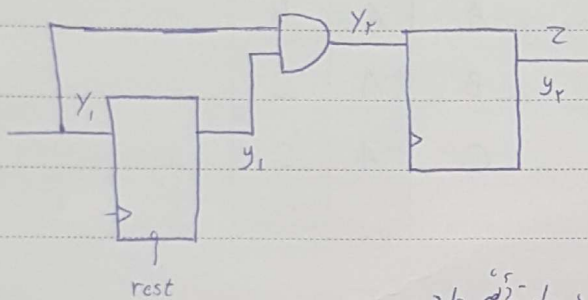
$$z = y_r$$



| | y_1, y_2 | $w=0$ | $w=1$ | Z |
|-----------------|------------|-------|-------|-----|
| $00 \leftarrow$ | A | $00A$ | $10C$ | 0 |
| $01 \leftarrow$ | B | $00A$ | $11C$ | 0 |
| $11 \leftarrow$ | C | $00A$ | $11C$ | 1 |

کاربرد \Rightarrow

state assignment



$$y_1 = w$$

$$y_2 = w y_1$$

$$z = y_2$$

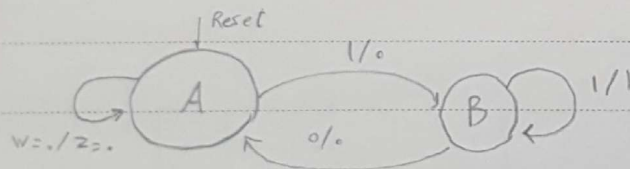
moore

state assignment در هزینه پایه سازی نهایی مدار تأثیر دارد.

خوب در حالت سیکل کلکی که دومین "1" وارد می شود، "1" شود.

| | | | | | | | | | | |
|--------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| $w_1:$ | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| $z:$ | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 |

کتر state ← فلیپ فلاپ کمتر



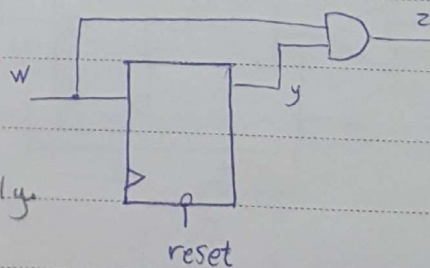
$$\lceil \log_2^n \rceil$$

کران بالا

| | y | y | z |
|----------------|-----|-----|-----|
| $0 \leftarrow$ | A | A | 0 |
| $1 \leftarrow$ | B | A | 1 |

$$y = w$$

$$z = w y$$



mealy

- ۱- ورودی مقیم به خروجی وصل شده
- ۲- تا فلیپ فلاپ گمری دارد.

در مدار mealy چون نیز توصیف مدار روی Edge ها (بیل ها) می باشد احتمالاً state گزینی دارد

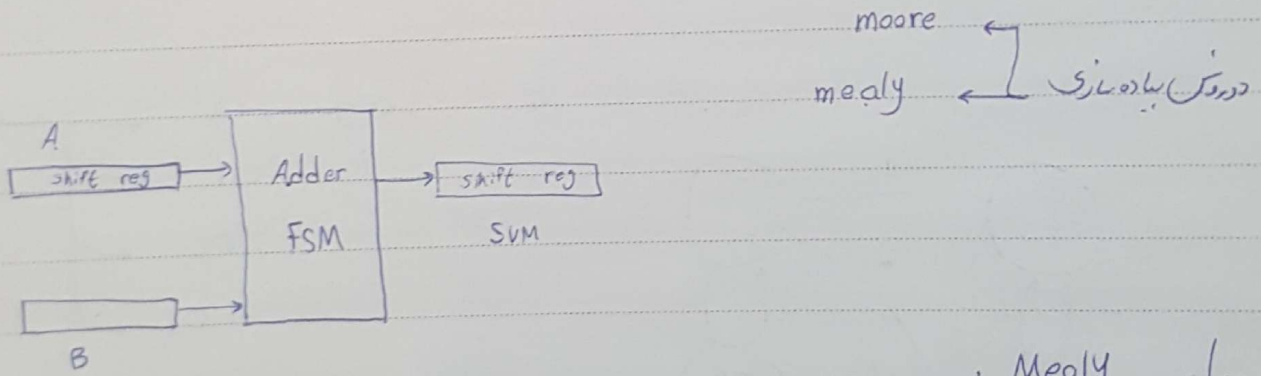
$$\left\lceil \begin{matrix} \text{تعداد state} \\ \log_2 n \end{matrix} \right\rceil$$

یا تعداد بیت های گزینی شود
 moore → mealy
 (به علت اینکه تعداد d ها نیز می شود) یا تعداد مدارهای ترکیبی کم می شود

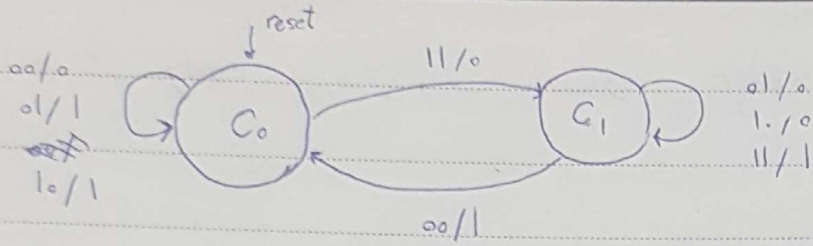
بیا به سازی جمع کننده سری Serial Adder :

در عدد بدون علامت $A = a_{n-1} \dots a_0$, $B = b_{n-1} \dots b_0$ را در نظر بگیرید با فرض اینکه جمع آنها

$S = s_{n-1} \dots s_0$ شود می خواهیم مدار طراحی کنیم که جمع را بصورت سری انجام دهد



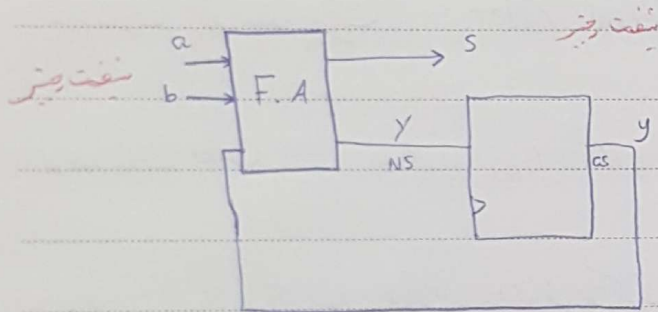
مدل Mealy
 در State در نظری بگیریم C_0
 Carry in از مرحله قبل صفراست
 C_1
 Carry in از مرحله قبل یک است



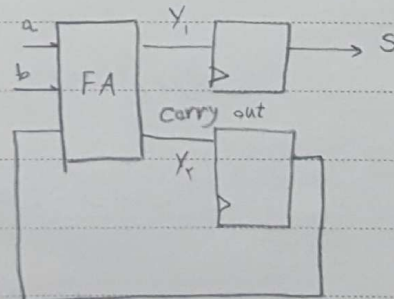
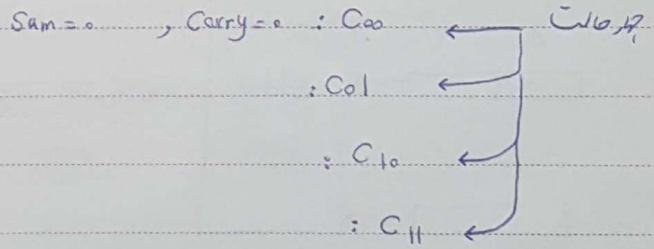
| | y | NS(y) | | | | S | | | |
|------------------|---|-------|----|----|----|----|----|----|----|
| | | 00 | 01 | 10 | 11 | 00 | 01 | 10 | 11 |
| C ₀ ← | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| C ₁ ← | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |

$$y = ab + ay + by$$

$$S = a \oplus b \oplus y$$



Moore



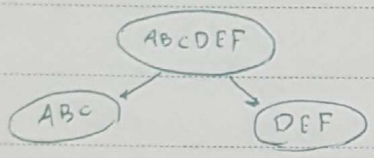
| | 00 | 01 | 10 | 11 | S |
|----|----|----|----|----|---|
| 00 | 00 | 01 | 01 | 10 | 0 |
| 01 | 00 | 01 | 01 | 10 | 1 |
| 10 | 01 | 10 | 10 | 11 | 0 |
| 01 | 01 | 10 | 10 | 11 | 1 |

روش های کاهش تعداد state :

| | NS | | out | |
|---|----------------|-----|-----|-----|
| | w=0 | w=1 | w=0 | w=1 |
| A | B | B C | 1 | 1 |
| B | C B | A D | 0 | 1 |
| C | B | A D | 0 | 1 |
| D | B | C | 1 | 1 |

partitioning (1)
implication graph (2)

جدول استلزام



1- روش Partitioning :

تعریف (K-successor)

(I) successor - حالت S_i در یک FSM، حالت S_j را در نظر بگیرید. S_w را $SUC - S_i$ حالت S_i گویند اگر به ازای ورودی $w=0$ و از S_i به S_w برویم به همین ترتیب S_v را $SUC - S_i$ حالت S_i گویند اگر به ازای ورودی $w=1$ از S_i به S_v برویم.

(II) در یک FSM، دو حالت S_i و S_j را دو حالت معادل (equivalent) گویند اگر تنها اگر به ازای تمام وضعیت های ورودی، دنباله خروجی آنها مستقل از اینکه از S_i یا S_j شروع کنیم یکسان باشد.

نتیجه: اگر دو حالت S_i و S_j معادل باشند آنها $K-SUC$ آنها نیز معادلند.

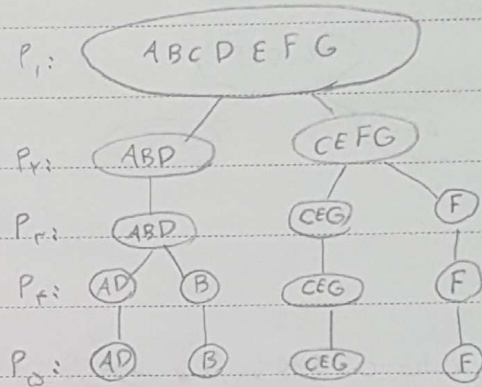
روش Partitioning :

- ابتدا فرض می کنیم همه state ها معادل اند \rightarrow تشکیل P_1
- سپس state ها را بر اساس یکسان بودن خروجی به ازای تمام حالت های ورودی از هم جدا می کنیم و آنهایی که دارای خروجی یکسان هستند را در یک بلوک قرار می دهیم \rightarrow تشکیل P_2
- (یعنی state هایی که خروجی متفاوت دارند، نمی توانند نام معادل باشند)

۱۳) پس این Partition کردن را به این صورت اداسی دهم که در هر بلوک states های یک K-SUC ایجاد بلوک دیگری می باشد ، را از آن بلوک جدا کرده بلوک جدیدی تشکیل می دهم

۱۴) مجدد سوچ را تازمانی که بلوک جدیدی ایجاد شود ، اداسی دهم در بیان ، state هایی که داخل یک بلوک هستند عادلند

| CS | NS | | Z |
|----|-----|-----|---|
| | w=۰ | w=۱ | |
| A | B | C | ۱ |
| B | D | F | ۱ |
| C | F | E | ۰ |
| D | B | G | ۱ |
| E | F | C | ۰ |
| F | E | F | ۰ |
| G | F | G | ۰ |



AD عادلند
CEG عادلند

| CS | NS | | Z |
|----|----|---|---|
| | ۰ | ۱ | |
| A | B | C | ۱ |
| B | A | F | ۱ |
| C | F | C | ۰ |
| F | C | A | ۰ |

اگر FSM صورت نامکمل توصیف نباشد باید به ازای همه مقادیر ممکن سائل حل شده در ازای ورودی که کمترین مقدار نهایی را ایجاد کند سائل پاسخ داده می شود.

Imp graph (۲)

اگر یک FSM با state n را در نظر بگیریم (a_{n-1} و ... و a_۰) فصل زیر را تشکیل می دهم

۱) در تمام خانه‌های که خروجی حالت‌های مربوطه نشان متفاوت است، X می‌گذاریم
که اینها معادل نیستند

۲) برای تعیین حالت‌ها، اگر دو حالت به ازای تمام وضعیت‌های ورودی دارای حالت بعدی یکسان باشند، علامت ✓ می‌گذاریم
که اینها معادلند

۳) اگر حالت‌های بعدی آنها یکسان نبودند، بررسی می‌کنیم در صورت معادل بودن چه حالت‌هایی این دو معادل می‌شوند
در جدول درج می‌کنیم

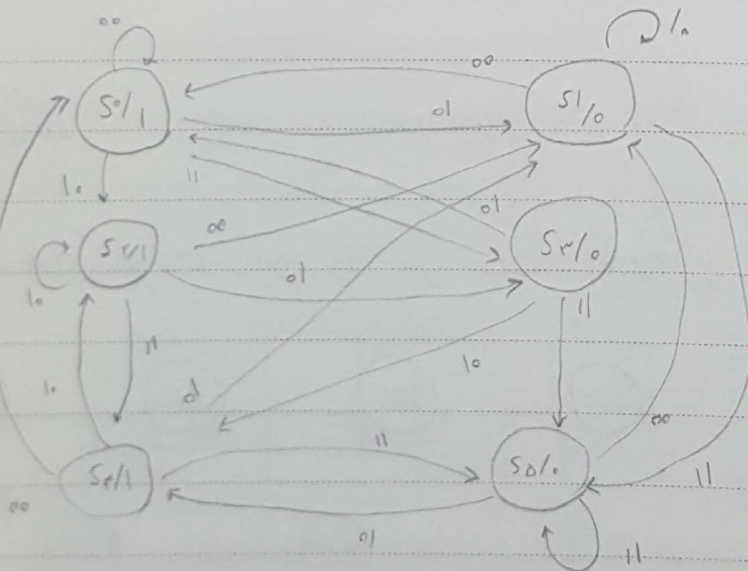
۴) شرط‌ها را بررسی می‌کنیم چنانچه شرطی به زنجیر حلقی اشاره کند که در خط تقاطع نشان X باشد در آن خانه نیز X می‌گذاریم
بررسی شرط‌ها را ادامه می‌دهیم تا جایی که تمام خانه‌ها دارای شرط ارفاش شده یا X داشته باشند یا ✓ بچرخند

| | | | | | | |
|---|-----------------------|-----------------------|-----------------------|---|-----------------------|----------------|
| B | B,D C,F | | | | | |
| C | X | X | | | | |
| D | C,G | B,D G,F | X | | | |
| E | X | X | C,F | X | | |
| F | X | X | E,F D,E | X | E,F E,D | |
| G | X | X | E,G | X | E,F D,G | D,G |
| | A | B | C | D | E | F |

۵) تمام خانه‌های که X ندارند معادلند

(CEG)

(AD)



تبدیل مدارهای منطقی به مور:

مثال:

برای تبدیل این مدار به مدار مور باید به ازای هر یک از حالت های A و B در حالت در نظر می گیریم
به هدف: انتقال حالت ها از درودی ها

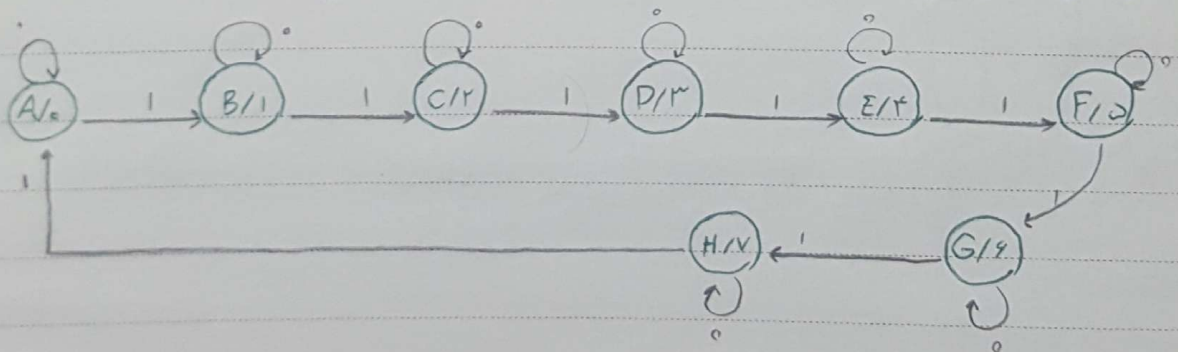
به ازای NS = A ورود خروجی اده را داریم
NS = B ورود خروجی ه را داریم
NS = C فقط خروجی ه را داریم

| CS | NS | | Z | |
|----|-----|-----|---|---|
| | w=0 | w=1 | 0 | 1 |
| A | A | B | 0 | 1 |
| B | A | C | 1 | 0 |
| C | C | B | 0 | 0 |

| | | NS | | Z |
|----------------|----------------|----------------|---|---|
| | | 0 | 1 | |
| A ₀ | A ₀ | B ₁ | 0 | |
| A ₁ | A ₀ | B ₁ | 1 | |
| B ₀ | A ₁ | C | 0 | |
| B ₁ | A ₁ | C | 1 | |
| C | C | B ₀ | 0 | |

مثال طراحی یک module - a counter

نمونه ای طراحی کنید که تا ۷ شمرد و به صفر رست Reset شود و مجدداً بشمارد.



| | CS | NS | | Z |
|---------|----|----|---|---|
| | | 0 | 1 | |
| 000 ← A | A | B | | 0 |
| 001 ← B | B | C | | 1 |
| | C | D | | 2 |
| | D | E | | 3 |
| | E | F | | 4 |
| | F | G | | 5 |
| | G | H | | 6 |
| 111 ← H | H | A | | 7 |

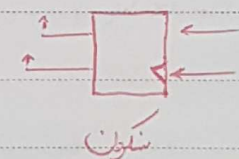
جدول کارنو

$$\begin{cases} y_0 = w \oplus y_0 \\ y_1 = w y_0 \oplus y_1 \\ y_2 = w y_0 y_1 \oplus y_2 \end{cases}$$

$y_2 y_1 y_0$



مدارهای آشکوب : موجودی به تمام کلاک نداریم. کمی معطل صبح کنی و اینست.



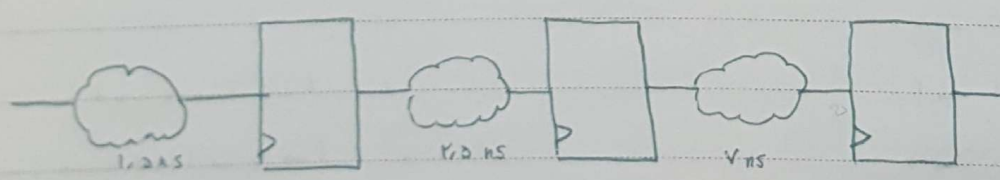
در آشکوب ما قبل برای زودتر رسیدن داریم

۲ درودی را همزن نباید تغییر داد

در مدارهای آشکوب : ۱) تغییر در state توسط clock مدیریت نمی شود.

۲) تنها یکی از درودی ها در آن واحد تغییر می کند

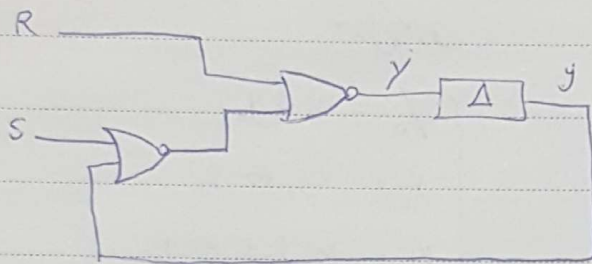
۳) بعد از تغییر یک درودی زمانی باید برای پایداری state جدید بگذرد.



آشکوب : تأخیر : ۲ ns (۳x۷)

آشکوب : تأخیر : ۱۱ ns (۱.۵+۲.۵+۷)

نیل SR-latch



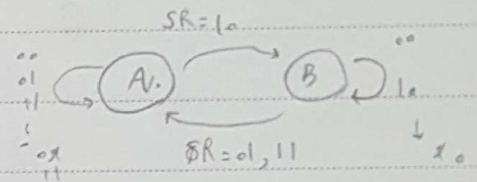
y, CS

$Y: NS$

$y = S\bar{R} + \bar{R}y$

روش کجج: برای استیت پایدار سطح صم نام را دوش خط می کشیم

| CS y | SR = NS(y) | | | |
|---------|------------|----|----|----|
| | 00 | 01 | 10 | 11 |
| A = 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| B = 1 | 0 | 0 | 1 | 0 |



$y_1 = y_1 y_r + w_1 \bar{y}_r + \bar{w}_1 \bar{w}_r y_1$

$y_r = y_1 y_r + w_1 y_r + w_r + \bar{w}_1 \bar{w}_r y_1$

$z = \bar{y}_1 y_r$

transition table : نیل

| CS | NS | | | | z |
|----|----|----|----|----|---|
| | 00 | 01 | 10 | 11 | |
| 00 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| 01 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 10 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 11 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |

Flow table جدول ← اگر A, B, ... بود

✓ 0 → X → 1

✓ 1 → X → 0

✓ 1 → 1 → 1



✓ 0 → 0 → 0

x 1 → 0 → 1

x 0 → 1 → 0

⇒ glitch

✓ 1 → 1 → 0 → 0

x 1 → 0 → 1 → 0 → 0

مقدمه اول

در A state تغییرات در ورودی 00 به 11 غیر مجاز است
 عینطور در B state تغییرات از 01 به 10 غیر مجاز است
 در C state ابتدا به نظری رسید باید تغییر 11 به 00 مشکل را باشد اما چون در همان سطر حالت های پیاد دیگری هم
 وجود دارند که انتقال آنها به حالت ورودی 00 مجاز است باید این حالت حفظ شود.
 در D state تغییر 00 به 11 را حفظ می کنیم چون D بل ارتباطی انتقال غیر B به C باشد 10 → 00

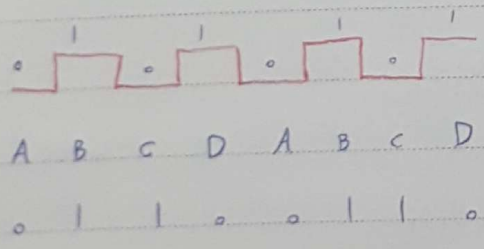
| | 00 | 01 | 10 | 11 |
|---|-----|-----|-----------|-----------|
| A | (A) | B | C | \bar{D} |
| B | D | (B) | \bar{D} | D |
| C | A | (C) | (C) | (C) |
| D | (D) | C | C | C |

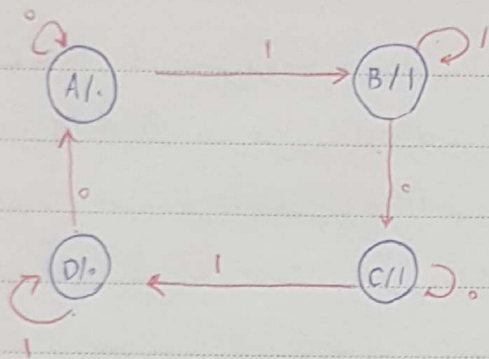
براجل پیاده سازی مدارهای منطقی:

- 1) طراحی یک state diagram
- 2) بیت آوردن Flow table, کاهش تعداد state
- 3) انتساب حالت ها state assignment, بیت آوردن transition table
- 4) بیت آوردن عبارت برلین خروجی و Ns
- 5) پیاده سازی مدار

مثال: serial parity generator

مداری طراحی کنید که ایک ورودی W و خروجی Z به گونه ای که زمانیکه تعداد خروجی ها بس باشد $Z=0$ و در غیر این صورت $Z=1$





در Flow table ای که در هر سطح یک حالت پایدار دارد

یعنی Priority flow table

جدول اولویت

| | w=0 | w=1 | z |
|---|-----|-----|---|
| A | (A) | B | 0 |
| B | C | (B) | 1 |
| C | (C) | D | 1 |
| D | A | (D) | 0 |

State

assignment ← باید وقت کنیم در تغییر هر زمان در y_1, y_2 نداشتیم مثلاً

| $y_2 y_1$ | 0 | 1 | z |
|-----------|------|------|---|
| 00 | (00) | 01 | 0 |
| 01 | 10 | (01) | 1 |
| 10 | (10) | 11 | 1 |
| 11 | 00 | (11) | 0 |

11 → 00 ✓

11 → 10 → (10) X

race

assignment: متناوب تغییر هر زمان توسط y_1, y_2

| $y_2 y_1$ | y_2 | y_1 | z |
|-----------|-------|-------|---|
| 00 | (01) | 01 | 0 |
| 01 | 11 | (01) | 1 |
| 11 | (11) | 10 | 1 |
| 10 | 00 | (10) | 0 |

assignment: متناوب

تبدیل کردیم $\Rightarrow y_1 = w\bar{y}_2 + \bar{w}y_1 + y_1\bar{y}_2$

منار در کتاب

$$y_2 = w y_2 + \bar{w} y_1 + y_1 y_2$$

$$z = y_1$$

مثال طراحی یک Gated D-latch در ورودی ها: G, D خروجی: Q

| state | inputs | | output | توضیحات |
|-------|--------|---|--------|-------------|
| | D | G | | |
| a | 0 | 1 | 0 | تغییر لatch |
| b | 0 | 0 | 0 | حفاظت از a |
| c | 1 | 0 | 0 | تبدیل b |
| d | 1 | 1 | 1 | تبدیل d |
| e | 1 | 0 | 1 | تبدیل f, d |
| f | 0 | 0 | 1 | تبدیل e |

| | 00 | 01 | 11 | 10 |
|---|-------|-------|-------|-------|
| a | b, - | ⓐ, 0 | d, - | - , - |
| b | ⓑ, 0 | a, - | - , - | c, - |
| c | b, - | - , - | d, - | ⓒ, 0 |
| d | - , - | a, - | ⓓ, 1 | e, - |
| e | f, - | - , - | d, - | ⓔ, 1 |
| f | ⓕ, 1 | a, - | - , - | e, - |

یعنی 0, 1

PF+

حالت می سازگار: $a \leftarrow$ تمام دیگر حالت a, b, c سازگارند
 $d \leftarrow$ سازگارند f, e, d

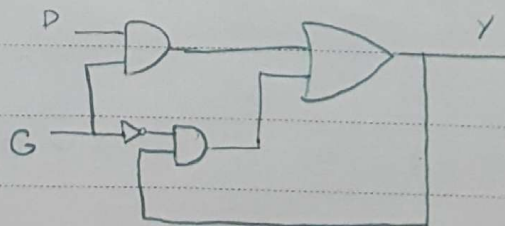
| | 0 | 1 |
|-------------|------|------|
| 0 ← a, b, c | ⓑ, 0 | ⓐ, 0 |
| 1 ← d, e, f | ⓕ, 1 | ⓓ, 1 |

state assign

| | | | |
|------|------|------|------|
| ⓐ, 0 | ⓐ, 0 | d, - | ⓐ, 0 |
| ⓓ, 1 | a, - | ⓓ, 1 | ⓓ, 1 |

کاربر $\Rightarrow Y = DG + \bar{G}Y$

$Q = Y$



مرحله کاهش تعداد State :

Priority Flow table

۱) استفاده از Partitioning برای حذف حالت های معادل در جدول PFT

سه دو حالت S_i و S_j می توانند معادل باشند اگر I_1 خروجی یکسان داشته باشند

۲) کلیه حالت های بعدی ناممنطق آنها در یک ستون حالت بعدی باشند

۱۲) استفاده از روش implication graph برای یافتن حالت های سازگار

۱۳) ایجاد دیاگرام ادغام merger diagram

۱۴) انتخاب زیر مجموعه ای از حالت های سازگار که قابل ادغام باشند یعنی بیشترین تعداد زیر مجموعه هایی انتخاب شود که کل حالت ها را پوشش می دهد

۱۵) رسم FT جدید

۱۶) تکرار مراحل ۵ تا ۱۳ تا زمانی که کاهش بیشتری ممکن نباشد

تعریف سازگاری : دو حالت S_i و S_j سازگار هستند اگر به ازای هر وضعیت ورودی آنها یکی از شرایط زیر صادق باشد

۱) یا حالت بعدی آنها یکسان باشد

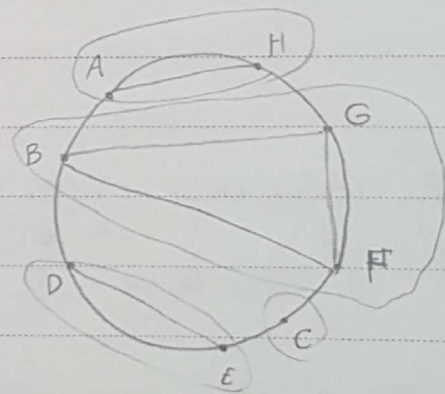
۲) یا هر دو S_i و S_j پایدار باشند

۳) یا حالت بعدی S_i و S_j یا هر دو نامنطق باشند

علاوه بر این خروجی S_i و S_j باید یکسان یا نامنطق باشند

| | .. | .l | l. | ll | |
|---|-----|-----|-----|-----|---|
| A | (A) | H | B | - | o |
| B | F | - | (B) | c | o |
| C | - | H | - | (C) | l |
| D | A | (D) | - | E | l |
| E | - | D | G | (E) | l |
| F | (F) | D | - | - | o |
| G | F | - | (G) | - | o |
| H | - | (H) | - | E | o |

| | | | | | | | |
|---|------------------------------------|-----------|------------------------------------|---|---|-----------------|---|
| B | 1, F | | | | | | |
| c | X | X | | | | | |
| D | X | X | D, H G, E | | | | |
| E | X | X | X | ✓ | | | |
| F | D, H | ✓ | X | X | X | | |
| G | A, F B, G | ✓ B, G | X | X | X | ✓ | |
| H | ✓ | X | X | X | X | D, H | ✓ |
| | A | B | C | D | E | F | G |



| | .. | .l | l. | ll | z |
|---|-----|-----|-----|-----|---|
| A | A | A | B | D | o |
| B | (B) | D | (B) | C | o |
| C | - | A | - | (C) | l |
| D | A | (D) | B | (D) | l |

Subject: _____

Date _____

| | oo | ol | lo | ll | |
|---|-----|-----|-----|-----|---|
| A | A | F | C | - | o |
| B | A | (B) | - | H | l |
| C | G | - | (C) | D | o |
| D | - | F | - | (D) | l |
| E | G | - | (E) | D | l |
| F | - | (F) | - | K | o |
| G | (G) | B | J | - | o |
| H | - | L | E | (H) | l |
| J | G | - | (J) | - | o |
| K | - | B | E | (K) | l |
| L | A | (L) | - | K | l |

Partitioning ← (1) بیاب کردن

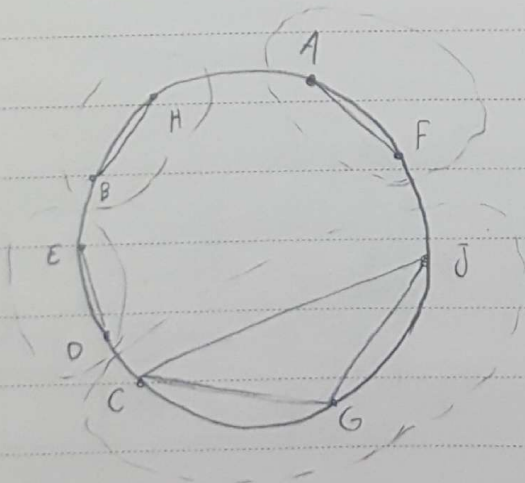
$$P_1 = (AG) (BL) (C) (D) (E) (F) (HK) (J)$$

$$P_2 = A \quad G \quad BL \quad C \quad C \quad E \quad F \quad HK \quad J$$

$$P_3 = P_2$$

مادون B, L

مادون K, H ← فنز در سفر آفر

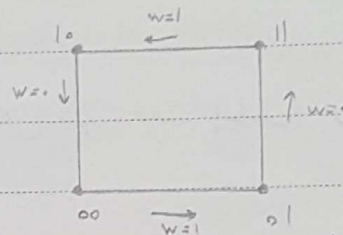
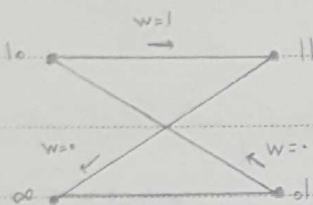


(2) حالت های سازگار ← قبول استقام دکا

| | | | | | |
|---|-----|-----|-----|-----|---|
| A | (A) | (A) | C | B | o |
| B | A | (B) | D | B | l |
| C | (C) | B | (C) | D | o |
| D | C | A | (D) | (D) | l |

State assignment

| | w=0 | w=1 | Z |
|----|-----|-----|---|
| 00 | 00 | 01 | 0 |
| 01 | 10 | 01 | 1 |
| 10 | 10 | 11 | 1 |
| 11 | 00 | 11 | 0 |



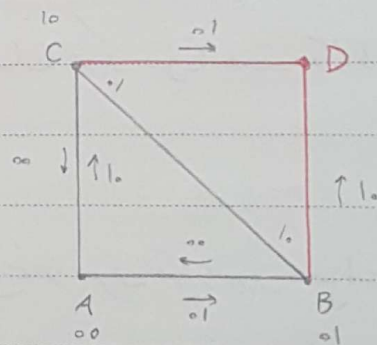
transition diagram

تاملوب به دلیل وجود قطر

قطر

Flow table

| | 00 | 01 | 10 | 11 | |
|---|-------|------------------|---------|----|----|
| A | (A) B | C | - | 00 | |
| B | A | (B) C | B | 01 | |
| C | A | B | (C) (C) | 10 | |
| D | - | B | C | - | 11 |



B → C ✓

01 → 10

{ B → D → C
01 → 10 → 10 ✓ no glitch

{ B C → D → B ✓

FT برای transition diagram

۱- از سطر اول flow table شروع کرده به هر حالت باید شماره ای نسبت می دهیم حتی اگر در یک سطر چند حالت پایدار به ازای ورودی های مختلف باشند به آنها شماره های متفاوتی نسبت می دهیم

۲- در هر ستون (یک ورودی خاص) عد حالت جدیدی که هنگام حالت پایدار آن ستون هستند (حالت می ناپایدار) شماره ای حالت پایدار متناظر با آن را می گیرند

۱-۲ اگر حالت ناپایداری دیدیم که هنگام آن را در آن ستون حالت پایداری نبود، باید شماره حالت پایدار نهایی را به آن نسبت می دهیم

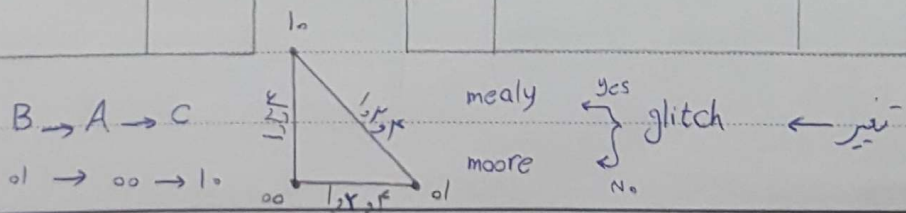
۳- هر سطر flow table را با یک رأس نامشخص می دهیم

۴- دو رأس v_i, v_j را در نظر می گیریم اگر این دو دارای شماره یکسان در یک ستون هستند آنها را توسط یک edge بهم متصل می کنیم

۱-۴ اگر v_i, v_j هر دو در ستون مذکور ناپایدارند با رنگ مشخص شماره مشترک آنها را روی edge می نویسیم

۲-۴ اگر یکی از v_i, v_j در آن ستون پایدارند با رنگ آبی شماره مشترک آنها را روی edge می نویسیم

| | | | | | | | | | | |
|---|-------|------------------|------------------|----|---|-----|-----|-----|-----|----|
| | 00 | 01 | 10 | 11 | | | | | | |
| A | (A) B | C | - | ∞ | A | (1) | 2 | 3 | - | ∞ |
| B | A | (B) | C (B) | 01 | B | 1 | (2) | 4 | (3) | 01 |
| C | A | B (C) | (C) | 10 | C | 1 | 2 | (4) | (5) | 10 |



Subject _____

Date _____

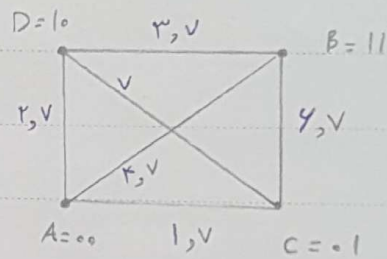
Unspecified

۲- برودن از حالت صبی

| | | | | | |
|---|-----|-----|-----|-----|----|
| | ∞ | ∅ | ۱ | ۱۱ | |
| A | (A) | B | C | (A) | ∞∞ |
| B | (B) | (B) | D | C | ∅۱ |
| C | A | (C) | D | (C) | ۱۰ |
| D | B | - | (D) | A | ۱۱ |

| | | | | | |
|---|-----|-----|-----|-----|----|
| | | | | | |
| A | (۱) | ۲ | √ | ۲ | ∞∞ |
| B | (۳) | (۴) | √ | ۲ | ∅۱ |
| C | ۱ | ∅ | √ | (۴) | ۱۰ |
| D | ۳ | - | (۷) | ۲ | ۱۱ |

D ۱
 • C ۱۱
 A •
 ∞∞
 • B ∅۱



| | | | | | |
|---|-----|-----|-----|-----|-------------|
| | | | | | |
| A | (A) | D | D | (A) | ∞∞ ∞∞ ۱۱ ∞∞ |
| B | (B) | (B) | D | C | ∅۱ ∅۱ ۱- ∅۱ |
| C | A | (C) | B | (C) | -∅ ۱۰ ۱۰ ۱۰ |
| D | B | B | (D) | A | -۱ ∅- ۱۱ ∞∞ |

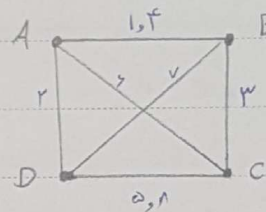
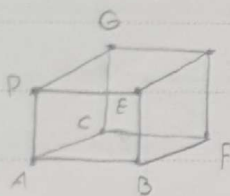
State assignment

۳- ارائه کردن State های جدید نامبار

| | 00 | 01 | 10 | 11 | 2, 2 ₁ |
|---|-----|-----|-----|-----|-------------------|
| A | (A) | (A) | C | B | 00 |
| B | A | (B) | D | (B) | 01 |
| C | (C) | B | (C) | D | 10 |
| D | C | A | (D) | (D) | 11 |

| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---|-----|-----|-----|-----|----|
| A | (1) | (2) | 3 | 4 | 00 |
| B | 1 | (3) | 5 | (4) | 01 |
| C | (5) | 3 | (2) | 8 | 10 |
| D | 5 | 2 | (5) | (8) | 11 |

مثال ۱



روی یک HD فاصله های بین State ما باید باشد

| | 00 | 01 | 10 | 11 | |
|---|-----|-----|-----|-----|----|
| A | (A) | (A) | C | B | 00 |
| B | A | (B) | E | (B) | 01 |
| C | (C) | F | (C) | G | 10 |
| D | G | A | (D) | (D) | 11 |
| E | - | - | D | - | -1 |
| F | - | B | - | - | -- |
| G | C | - | - | D | 1- |

don't care

۳- انتخاب حالت به روش one-hot همان مثل صفحی قبل

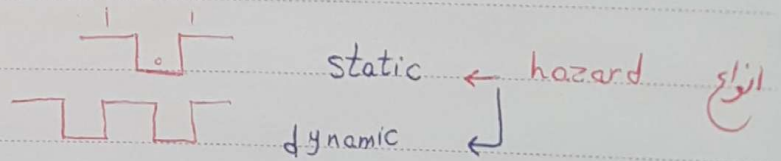
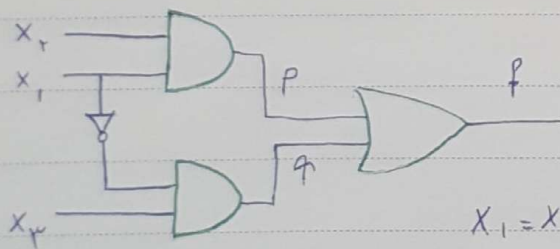
مادیت = تعداد حالات اولیه

| | | | | | | |
|---|------|-----|-----|-----|-----|----|
| A | 0001 | (A) | (A) | F | E | 00 |
| B | 0010 | E | (B) | G | (B) | 01 |
| C | 0100 | (C) | H | (C) | J | 10 |
| D | 1000 | I | J | (D) | (D) | 11 |
| E | 0011 | A | - | - | B | 0- |
| F | 0101 | - | - | C | - | -0 |
| G | 1010 | - | - | D | - | -1 |
| H | 0110 | - | B | - | - | 01 |
| I | 1100 | C | - | - | D | 1- |
| J | 1001 | - | A | - | - | 00 |

state reduction

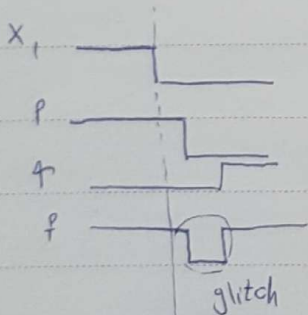
hazard پدیده ها زارد

hazard ایجاد glitch بر روی سیگنال ها به دلیل وجود تأخیرهای ذاتی متفاوت در سیرهای مختلف



$$X_1 = X_2 = X_3 = 1 \rightarrow f = 1 \quad (P=1, Q=0)$$

$$X_1: 1 \rightarrow 0 \Rightarrow f = 1 \quad (P=0, Q=1)$$



| | | | | |
|------------|----|----|----|----|
| X_1, X_2 | 00 | 01 | 11 | 10 |
| X_3 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| f | 0 | 1 | 1 | 0 |

$$f = X_1 X_2 + \bar{X}_1 X_3 + X_2 X_3$$

صماری استخوان → برای تکمیل از هازارد
برای تکمیل حرف نیازی نیست