

به نام آنکه جان را فکرت آموخت



- جزوه درس آزمایشگاه کنترل خطی

مهندس شفیعی

P_SHAFIEI@ROCKETMAIL.COM

Control lesson

فهرست مطالب



- انجام اعمال ریاضی در matlab
- بسط به کسرهای جزئی
- یافتن صفرها، قطبها و بهره سیستم
- محاسبه عکس تبدیل لاپلاس
- تبدیل مدلهای ریاضی
- یافتن تابع تبدیل سیستمهای سری موازی و فیدبک
- تحلیل پاسخ گذرا
- رسم نمودار مکان هندسی ریشه ها، یافتن بهره در نقطه خاصی از مکان هندسی ریشه ها و محاسبه قطبهای تابع تبدیل حلقه بسته
- رسم نمودارهای بودی و محاسبه حدفاز حدبهره فرکانس عبور فاز و فرکانس عبور بهره و بررسی پایداری
- رسم منحنی نایکوئیست و بررسی پایداری

عملگرهای ماتریسی



جمع	+
تفریق	-
ضرب	*
توان	^
تقسیم	/ یا \

عملگرهای آرایه ای



جمع آرایه ای	.+
تفریق آرایه ای	._
ضرب آرایه ای	.*
تقسیم آرایه ای	./ یا \.
توان آرایه ای	.^

عملگر رابطه ای



کوچکتر	<
کوچکتر یا مساوی	<=
بزرگتر	>
بزرگتر یا مساوی	>=
برابری را بررسی می نماید	==
نابرابری را بررسی می نماید	~=
جهت نسبت دادن بکار می رود	=

عملگرهای منطقی



and &

or |

not ~

کاراکترهای ویژه



تشکیل بردار یا ماتریس []
تعیین الویت عملگرهای ریاضی ()
جداکردن درایه های بردار ،

در نوشتن ماتریس در انتهای هر ردیف بجز ردیف آخر قرار می گیرد و
قرار گرفتن آن در انتهای هر سطر باعث می گردد که نتیجه دستور را
نشان نمی دهد ;

جداکردن سطر یا ستون در یک ماتریس و تولید بردار :
جهت توضیح یک دستور در برنامه %

نمایش ماتریس در MATLAB

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

$$A = [1 \quad 2 \quad 3; 4 \quad 5 \quad 6; 7 \quad 8 \quad 9]$$

مثال



$$C = \begin{bmatrix} 1 & e^{-0.02} \\ \sqrt{2} & 3 \end{bmatrix}$$

```
C=[1 exp(-0.02);sqrt(2) 3];
```

نتیجه:

```
1    0.9802
1.4142    3
```

جمع، تفریق، ضرب و تقسیم



$$A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 5 \\ 6 & 7 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 3 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$$

$$A = [2 \ 3; 4 \ 5; 6 \ 7]$$

$$B = [1 \ 0; 2 \ 3; 0 \ 4]$$

$$A+B$$

$$A-B$$

$$A.*B$$

$$A/B$$

$$A./B$$

مثال



$$x=[5;4;6]$$

$$y=x-1$$

$$z=5*x$$

نمایش بردار در مطلب



ماتریسی که یک سطر یا یک ستون داشته باشد بردار نام دارد.

$$X=[1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6];$$

(ماتریس سطری)

یا

$$X=[1,2,3,4,5,6];$$

$$X=[1;2;3;4;5;6]$$

(ماتریس ستونی)

مثال (ایجاد بردار با استفاده از):



تولید بردار زمان از 1 تا 5 ثانیه با فاصله 1 ثانیه

$$t=0:1:5$$

تولید بردار زمان از 1 تا 3 ثانیه با فاصله زمانی 0.5 ثانیه

$$t=1:0.5:3$$

تولید بردار زمان از 5 تا 2 با گام حرکت -1

$$t=5:-1:2$$

ایجاد بردار با دستور (linspace , logspace)



$x = \text{linspace}(n1, n2, n)$ تولید برداری می نماید که نقطه شروع آن $n1$ و نقطه پایان آن $n2$ و تعداد درایه های بردار n می باشد.

$x = \text{logspace}(d1, d2, n)$ تولید برداری می نماید که نقطه شروع آن 10^{d1} و نقطه پایان آن 10^{d2} می باشد و تعداد درایه های بردار n می باشد. (درایه ها با مقیاس لگاریتمی محاسبه می گردند.)

مثال



```
x=linspace(-10,10,5)
```

```
x=logspace(-1,1,10)
```


جدانمودن سطر یا ستون از یک ماتریس یا بردار



عناصر ستون j ام از ماتریس A را نمایش می دهد. $A(:,j)$
عناصر سطر i ام از ماتریس A را نمایش می دهد. $A(i,:)$

```
A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
```

```
A(:,3)
```

نتیجه:

3

6

9

```
A(2,:)
```

نتیجه:

4

5

6

مثال 2



$A(:)$ بردار ستونی تشکیل می دهد که از تمام عناصر ستون اول ،دوم تا آخرین ستون ماتریس A تشکیل شده است.

نتیجه:

1

4

7

2

5

8

3

6

9

مثال 3



عنصر موجود در سطر دوم و ستون سوم از ماتریس A را $A(2,3)$ نمایش می دهد.

نتیجه:

6

مثال 4 (جدا نمودن یک عنصر از بردار)



$x=[2 \ 4 \ 6 \ 8 \ 10]$

$x(3)$

نتیجه:

6

$x([1 \ 2 \ 3])$

نتیجه:

2 4 6

محاسبه ترانزاده ماتریس



A' ترانزاده و مزدوج ماتریس را محاسبه می نماید. یعنی علاوه بر جابجایی سطرها و ستونهای ماتریس مزدوج آنها را نیز محاسبه می نماید.

$$A = \begin{bmatrix} 1.2 & 10 & 15 \\ 3 & 5.5 & 2 \\ 4 & 6.8 & 7 \end{bmatrix};$$
$$A'$$

نتیجه:

$$\begin{bmatrix} 1.2 & 3 & 4 \\ 10 & 5.5 & 6.8 \\ 15 & 2 & 7 \end{bmatrix}$$

محاسبه اندازه و فاز و مزدوج اعداد مختلط



$\text{abs}(z)$

محاسبه اندازه

$\text{angle}(z)$

محاسبه فاز

$\text{conj}(z)$

مزدوج

مثال



محاسبه اندازه و فاز و مزدوج عدد مختلط A

$$A = 1 + j\sqrt{2}$$

$$A = 1 + j * \text{sqrt}(2)$$

$$\text{abs}(A)$$

$$\text{angle}(A)$$

مثال (نمایش ماتریس مختلط)



$$A = \begin{bmatrix} 1 & j \\ -5j & 2 \end{bmatrix}$$

$$A = [1 \quad j; -5*j \quad 2]$$

محاسبه ترانزادۀ مزدوج شده ماتریس مختلط



$$A = \begin{bmatrix} 1 & j \\ -5j & 2 \end{bmatrix}$$

$$A = [1 \quad j; -5*j \quad 2]$$

$$B = A'$$

نتیجه:

B =

$$\begin{array}{cc} 1.0000 & 0 + 5.0000i \\ 0 - 1.0000i & 2.0000 \end{array}$$

محاسبه ترانهاده مزدوج نشده ماتریس مختلط



$$A = \begin{bmatrix} 1 & j \\ -5j & 2 \end{bmatrix}$$

$$A = [1 \quad j; -5*j \quad 2]$$

$$B = \text{conj}(A') \quad \text{یا} \quad B = A.'$$

نتیجه:

B =

$$\begin{array}{cc} 1.0000 & 0 - 5.0000i \\ 0 + 1.0000i & 2.0000 \end{array}$$

تولید ماتریسهای ویژه



ماتریس $m \times n$ تولید می نماید که تمامی درایه های آن

$$A = \text{ones}(m, n)$$

1 می باشد.

ماتریس $n \times n$ تولید می نماید که تمامی درایه های آن

$$A = \text{ones}(n)$$

1 می باشد.

ماتریس $m \times n$ تولید می نماید که تمامی درایه های

$$A = \text{zeros}(m, n)$$

آن 0 می باشند.

ماتریس $n \times n$ تولید می نماید که تمامی درایه های آن 0

$$A = \text{zeros}(n)$$

می باشند.

ماتریس واحد



$I = \text{eye}(n)$ ماتریس $n \times n$ تولید می نماید که عناصر روی قطر اصلی 1 و عناصر روی قطر فرعی 0 می باشند. بعبارت دیگر ماتریس واحد تولید می نماید.

مثال



تولید ماتریس 3×3 واحد

$$A = \text{eye}(3)$$

تولید ماتریس 1 با ابعاد 3×5

$$B = \text{ones}(3,5)$$

تولید ماتریس 0 با ابعاد 3×5

$$C = \text{zeros}(3,5)$$

تولید ماتریس قطری



اگر X یک بردار باشد، $\text{diag}(X)$ ماتریس قطری تولید می نماید که عناصر روی قطر اصلی آن عناصر بردار می باشند.

اگر X یک ماتریس قطری باشد، $\text{diag}(X)$ برداری تولید می نماید که درایه های آن عناصر روی قطر اصلی ماتریس می باشند.

مثال



عناصر روی قطر اصلی ماتریس A را نمایش دهید.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

$$A = [1 \ 2 \ 3; 4 \ 5 \ 6; 7 \ 8 \ 9]$$

$\text{diag}(A)$

مثال



ماتریسی 5×5 را نمایش دهید که عناصر روی قطر اصلی آن 1 و بقیه عناصر 0 باشند.

$$A = \text{ones}(1,5)$$

$$C = \text{diag}(A)$$

یا

$$C = \text{eye}(5)$$

محاسبه ریشه های چند جمله ای



$$s^3 + 6s^2 + 11s + 6 = 0$$

roots([1 6 11 6])

بدست آوردن معادله مشخصه از روی ریشه ها



$$r = [-3 \quad -2 \quad -1]$$

$$q = \text{poly}(r)$$

نتیجه:

$$q = 1 \quad 6 \quad 11 \quad 6$$

ضرب چندجمله ایها



$$a = 3s^4 + 10s^3 + 25s^2 + 36s + 50$$

$$b = s^2 + 2s + 10$$

$$a=[3 \quad 10 \quad 25 \quad 36 \quad 50];$$

$$b=[1 \quad 2 \quad 10];$$

$$c=\text{conv}(a,b)$$

نتیجه:

$$c=3 \quad 16 \quad 75 \quad 186 \quad 372 \quad 460 \quad 500$$

تقسیم دو چندجمله ای



$$a=[3 \quad 10 \quad 25 \quad 36 \quad 50];$$

$$b=[1 \quad 2 \quad 10];$$

$$[q,r]=\text{deconv}(a,b) \text{ (q خارج قسمت و r باقیمانده)}$$

نتیجه:

$$q=3 \quad 4 \quad -13$$

$$r=0 \quad 0 \quad 0 \quad 22 \quad 180$$

رسم منحنی 2 بعدی

`plot(x,y)` مقادیر y را بر حسب مقادیر x رسم می نماید.

`plot(x,y,')` نوع خط را مشخص می نماید.

. نقطه + علامت جمع *ستاره o دایره - توپر -- خط چین

: نقطه چین .- خط نقطه

رنگهای قابل استفاده

r قرمز g سبز b آبی w سفید y زرد m ارغوانی c آبی آسمانی

مثال

```
t=0:0.1:5;  
y=sin(2*t);  
plot(t,y)
```

رسم چند منحنی بر روی یک نمودار



```
plot(x1,y1,x2,y2,x3,y3,.....,xn,yn)
```

یا استفاده از دستور `hold` یا `hold on`

```
t=0:0.1:5;
```

```
y1=sin(t);
```

```
y2=sin(2*t)
```

```
plot(t,y1)   hold on   plot(t,y2)   یا   plot(t,y1,t,y2)
```

grid شبکه ای کردن شکل



title عنوان دادن به شکل

xlabel(' ') عنوان دادن به محور x

ylabel(' ') عنوان دادن به محور y

نوشتن متن در مختصات (x,y) بر روی منحنی
یا gtext(' ')
text(x,y,' ')

اگر بخواهیم منحنی در ناحیه مشخص شده رسم شود.

`v=[xmin xmax ymin ymax];`

`axis(v)`

رسم منحنی 3 بعدی



```
plot3(x,y,z)
```

```
t=0:0.1*pi:6*pi;
```

```
x=cos(t);
```

```
y=sin(t);
```

```
z=t;
```

```
plot3(x,y,z)
```

```
xlabel('cos')
```

```
ylabel('sin')
```

```
zlabel('time')
```


بسط به کسرهای جزئی



$$\frac{B(s)}{A(s)} = \frac{num}{den} = \frac{b_0 s^n + b_1 s^{n-1} + \dots + b_n}{a_0 s^m + a_1 s^{m-1} + \dots + a_m}$$

num=[b0 b1 bn];

den=[a0 a1am];

[r,p,k]=residue(num,den)
r صورت کسرها p قطبها و k خارج قسمت

مثال



$$\frac{B(s)}{A(s)} = \frac{2s^3 + 5s^2 + 3s + 6}{s^3 + 6s^2 + 11s + 6}$$

```
num=[2 5 3 6];  
den=[1 6 11 6];  
[r,p,k]=residue(num,den)
```

مثال



$$\frac{B(s)}{A(s)} = \frac{s^2 + 2s + 3}{s^3 + 3s^2 + 3s + 1}$$

```
num=[1 2 3];  
den=[1 3 3 1];  
[r,p,k]=residue(num,den)
```

بدست آوردن تابع تبدیل از روی ضرایب کسرهای جزئی



```
[num,den]=residue(r,p,k)
```

```
tf(num,den) یا printsys(num,den)
```

مثال



```
r=[1;0;2];
```

```
p=[-1;-1;-1];
```

```
k=0;
```

```
[num,den]=residue(r,p,k)
```

```
tf(num,den)
```

یافتن صفرها و قطبها



$[z,p,k]=tf2zp(num,den)$

z: صفرها

p: قطبها

k: بهره

مثال



$$\frac{B(s)}{A(s)} = \frac{4s^2 + 16s + 12}{s^4 + 12s^3 + 44s^2 + 48s}$$

```
num=[4 16 12];  
den=[1 12 44 48];  
[z,p,k]=tf2zp(num,den)
```

مثال



$$\frac{B(s)}{A(s)} = \frac{5s^3 + 30s^2 + 55s + 30}{s^3 + 9s^2 + 33s + 65}$$

```
num=[5 30 55 30];  
den=[1 9 33 65];  
[z,p,k]=tf2zp(num,den)
```


بدست آوردن تابع تبدیل از روی صفرها، قطبها و بهره



$[\text{num}, \text{den}] = \text{zp2tf}(z, p, k)$
 $\text{tf}(\text{num}, \text{den})$ یا $\text{printsys}(\text{num}, \text{den})$

مثال



```
z=[-1;-3];  
p=[0;-2;-4;-6];  
k=4;  
[num,den]=zp2tf(z,p,k)  
tf(num,den)
```

مثال



```
z=[-1;-2;-3];  
p=[-2+3*j;-2-3*j;-5];  
k=5;  
[num,den]=zp2tf(z,p,k)  
tf(num,den)
```

مثال (بدست آوردن تابع تبدیل از روی صفرها، قطبها و بهره)



الف) صفر نداریم. قطبها در $-1-2j, -1+2j$ قرار دارند. $k=10$

ب) یک صفر در 0 داریم. قطبها در $-1-2j, -1+2j$ قرار دارند. $k=10$

ج) یک صفر در -1 داریم. قطبها در $-2, -4, -8$ قرار دارند. $k=12$

$$p = [-1-2*j; -1+2*j];$$

$$z = [];$$

$$k = [10]$$

$$[\text{num}, \text{den}] = \text{zp2tf}(z, p, k)$$

بدست آوردن عکس تبدیل لاپلاس



$$\frac{B(s)}{A(s)} = \frac{s^5 + 8s^4 + 23s^3 + 35s^2 + 28s + 3}{s^3 + 6s^2 + 8s} \quad \text{syms s}$$

$$x = (s^5 + 8*s^4 + 23*s^3 + 35*s^2 + 28*s + 3) / (s^3 + 6*s^2 + 8*s)$$

ilaplace(x)

نتیجه:

ans =

$$\frac{1}{4} \exp(2t) + \frac{3}{8} \exp(4t) + 3 \operatorname{dirac}(t) + 2 \operatorname{dirac}(t, 1) + \operatorname{dirac}(t, 2) + \frac{3}{8}$$

مثال (عكس تبديل لاپلاس)



$$\frac{B(s)}{A(s)} = \frac{2}{s^5 + 2s^4 + 10s^3}$$

```
syms s
x=2/(s^5+2*s^4+10*s^3)
ilaplace(x)
```

تبدیل مدل‌های ریاضی



تبدیل تابع تبدیل به فضای حالت $[a,b,c,d]=tf2ss(num,den)$

تبدیل فضای حالت به تابع تبدیل در سیستم‌های تک ورودی $[num,den]=ss2tf(a,b,c,d)$

تبدیل فضای حالت به تابع تبدیل در سیستم‌های چند ورودی (iu شماره ورودی مورد نظر را بیان می نماید) $[num,den]=ss2tf(a,b,c,d,iu)$

مثال (تبدیل تابع تبدیل به فضای حالت)



$$x = \frac{10s + 10}{s^3 + 6s^2 + 5s + 10}$$

```
num=[10 10];  
den=[1 6 5 10];  
[a,b,c,d]=tf2ss(num,den)  
ss(a,b,c,d)
```


مثال (تبدیل فضای حالت به تابع تبدیل)



$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -5/008 & -25/1026 & -5/03247 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 25/04 \\ -121/005 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$$

$$a = [0 \ 1 \ 0; 0 \ 0 \ 1; -5.008 \ -25.1026 \ -5.03247];$$

$$b = [0; 25.04; -121.005];$$

$$c = [1 \ 0 \ 0];$$

$$d = [0];$$

$$[\text{num}, \text{den}] = \text{ss2tf}(a, b, c, d)$$

$$\text{tf}(\text{num}, \text{den})$$

مثال (بدست آوردن تابع تبدیل از روی فضای حالت در سیستم چندورودی)



$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -2 & -3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix}$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix}$$

$$a = [0 \ 1; -2 \ -3];$$

$$b = [1 \ 0; 0 \ 1];$$

$$c = [1 \ 0];$$

$$d = [0 \ 0];$$

$$[\text{num}, \text{den}] = \text{ss2tf}(a, b, c, d, 1)$$

$$\text{tf}(\text{num}, \text{den})$$

$$[\text{num}, \text{den}] = \text{ss2tf}(a, b, c, d, 2)$$

$$\text{tf}(\text{num}, \text{den})$$

مثال



$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -25 & -4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix}$$

$$a=[0 \ 1;-25 \ -4];$$

$$b=[1 \ 1;0 \ 1];$$

$$c=[1 \ 0;0 \ 1];$$

$$d=[0 \ 0;0 \ 0];$$

$$[\text{num},\text{den}]=\text{ss2tf}(a,b,c,d,1)$$

$$\text{printsys}(\text{num},\text{den})$$

$$[\text{num},\text{den}]=\text{ss2tf}(a,b,c,d,2)$$

$$\text{printsys}(\text{num},\text{den})$$

یافتن تابع تبدیل سری موازی و فیدبک دار بر حسب تابع تبدیل



اتصال سری

```
[nums,dens]=series(num1,den1,num2,den2)
```

اتصال موازی

```
[nump,denp]=parallel(num1,den1,num2,den2)
```

تفریق کننده

```
[nump,denp]=parallel(num1,den1,-num2,den2)
```

اتصال فیدبک منفی

```
[numf,denf]=feedback(num1,den1,num2,den2);
```

اتصال فیدبک مثبت

```
[numf,denf]=feedback(num1,den1,num2,den2,+1);
```

یافتن فضای حالت و تابع تبدیل سری موازی و فیدبک دار بر حسب فضای حالت



اتصال سری

```
sys1=ss(A1,B1,C1,D1);  
sys2=ss(A2,B2,C2,D2);  
sys=series(sys1,sys2)  
tf(sys)
```

اتصال موازی

```
sysp=parallel(sys1,sys2)  
tf(sysp)
```

تفریق کننده

```
sysp=parallel(sys1,-sys2)
```

```
tf(sysp)
```

اتصال فیدبک منفی

```
sysf=feedback(sys1,sys2);  
tf(sysf)
```

اتصال فیدبک مثبت

```
sysf=feedback(sys1,sys2,+1);  
tf(sysf)
```

example



- تابع تبدیل سری موازی فیدبک دار

$$G_1(s) = \frac{10}{s^2 + 2s + 10}$$

$$G_2(s) = \frac{5}{s + 5}$$

```
num1=[10];  
den1=[1 2 10];  
num2=[5];  
den2=[1 5];  
[nums,dens]=series(num1,den1,num2,den2);  
tf(nums,dens)  
[nump,denp]=parallel(num1,den1,num2,den2);  
tf(nump,denp)  
[numf,denf]=feedback(num1,den1,num2,den2);  
tf(numf,denf)
```

Example (یافتن فضای حالت سری موازی و فیدبک)



```
A1=[-2 -10;1 0];  
B1=[1;0];  
C1=[0 1];  
D1=[0];  
A2=[-5];  
B2=[1];  
C2=[5];  
D2=[0];  
sys1=ss(A1,B1,C1,D1);  
sys2=ss(A2,B2,C2,D2);  
syss=series(sys1,sys2);  
tf(syss)  
sysp=parallel(sys1,sys2);  
tf(sysp)  
Sysf=feedback(sys1,sys2);  
tf(sysf)
```

تبدیل مدل‌های ریاضی با matlab



- تابع تبدیل به فضای حالت
 - $[A,B,C,D]=tf2ss(num,den);$
 - فضای حالت به تابع تبدیل
 - $[num,den]=ss2tf(A,B,C,D);$
 - فضای حالت به تابع تبدیل در سیستم های چند ورودی
 - $[num,den]=ss2tf(A,B,C,D,iu);$
- شماره ورودی: iu

example1



- فضای حالت مربوط به سیستم زیر را بدست آورید؟

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{s}{s^3 + 14s^2 + 56s + 160}$$

```
num=[1 0];
```

```
den=[1 14 56 160]
```

```
[A,B,C,D]=tf2ss(num,den);
```

```
ss(A,B,C,D)
```

Example 2



- تابع تبدیل مربوط به سیستم زیر را بدست آورید؟

$$\begin{bmatrix} x_1' \\ x_2' \\ x_3' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -5 & -25 & -5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 25 \\ -120 \end{bmatrix}$$

$$y = [1 \quad 0 \quad 0] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$$



```
A=[0 1 0;0 0 1;-5 -25 -5];
```

```
B=[0;25;-120];
```

```
C=[1 0 0];
```

```
D=[0];
```

```
[num,den]=ss2tf(A,B,C,D);
```

```
tf(num,den)
```

Example 3



تبدیل فضای حالت به تابع تبدیل
تعداد ستونهای B: تعداد ورودی
تعداد سطرهای C: تعداد خروجی

```
A=[0 1;-25 -4];  
B=[1 1;0 1];  
C=[1 0;0 1];  
D=[0 0;0 0];  
[num,den]=ss2tf(A,B,C,D,1);  
Printsys(num,den)  
[num,den]=ss2tf(A,B,C,D,2);  
Printsys(num,den)
```

تحلیل پاسخ گذرا (پاسخ به ورودی پله)



در تابع تبدیل

`step(num,den)`

`step(num,den,t)`

`[y,x,t]=step(num,den),plot(t,y)`

`[y,x,t]=step(num,den,t),plot(t,y)`

پاسخ به ورودی پله در فضای حالت



`step(A,B,C,D)`

`step(A,B,C,D,iu)`

`step(A,B,C,D,iu,t)`

`[y,x,t]=Step(A,B,C,D),plot(t,y)`

`[y,x,t]= Step(A,B,C,D,iu),plot(t,y)`

`[y,x,t]= Step(A,B,C,D,iu,t),plot(t,y)`

example4



پاسخ به ورودی پله

$$A = \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ 6.5 & 0 \end{bmatrix};$$

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix};$$

$$C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix};$$

$$D = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix};$$

Step(A,B,C,D)

Step(A,B,C,D,1)

توصیف سیستم مرتبه دوم



$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{1}{s^2 + 2\varepsilon\omega s + \omega^2}$$

$$[\text{num}, \text{den}] = \text{ord2}(\omega, \varepsilon)$$

Example 5



• پاسخ به ورودی پله در سیستم مرتبه دوم استاندارد با $\varepsilon = 0.4$ $\omega = 5$

```
[num,den]=ord2(5,0.4);  
num1=25*num;  
Step(num1,den)
```

example6



پاسخ پله

به ازای مقادیر مختلف

$$\frac{C(S)}{R(S)} = \frac{1}{s^2 + 2\varepsilon\omega s + \omega^2}$$

$$\varepsilon = 0, 0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1$$

```
t=0:0.2:10;
```

```
zeta=[0 0.2 0.4 0.6 0.8 1];
```

$$\omega = 1$$

```
for i=1:6
```

```
[num,den]=ord2(1,zeta(i));
```

```
[y(:,i),x,t]=step(num,den,t)
```

```
end
```

```
plot(t,y)
```

```
Xlabel('time'),ylabel('response'),gtext('\zeta=0'),gtext('0.2'),gtext('0.4'),gtext('0.6'),gtext('0.8'),gtext('1');
```

```
Mesh(t,zeta,y');
```

```
Xlabel('time'), ylabel('\zeta'),zlabel('response');
```

Example (محاسبه زمان صعود، اوج، نشست و فرجهش)



```
num=[25];
den=[1 6 25];
t=0:0.005:5;
[y,x,t]=step(num,den,t);plot(t,y);
r=1;while y(r)<=1
r=r+1;
end
rise_time=(r-1)*0.005
[ymax,g]=max(y);
overshoot=ymax-1
Peak_time=(g-1)*0.005;
s=1001;
while y(s)>0.98 & y(s)<1.02
s=s-1;
end
Settling_time=(s-1)*0.005
```

پاسخ ضربه



در تابع تبدیل

`impulse(num,den)`

`impulse(num,den,t)`

`[y,x,t]=impulse(num,den),plot(t,y)`

`[y,x,t]=impulse(num,den,t),plot(t,y)`

در فضای حالت

`impulse(A,B,C,D)`

`impulse(A,B,C,D,iu)`

`impulse(A,B,C,D,iu,t)`

`[y,x,t]=impulse(A,B,C,D),plot(t,y)`

`[y,x,t]=impulse(A,B,C,D,iu),plot(t,y)`

`[y,x,t]=impulse(A,B,C,D,iu,t),plot(t,y)`

Example (پاسخ ضربه سیستم در فضای حالت)

$A=[0 \ 1; -1 \ -1];$

$B=[0; 1];$

$C=[1 \ 0];$

$D=[0];$

`impulse(A,B,C,D);`

`grid`

`title('unit impulse response')`

Example (پاسخ ضربه در تابع تبدیل)



```
num=[1];  
den=[1 0.2 1];  
t=0:0.1:5;  
impulse(num,den,t)  
grid  
title('unit impulse response')
```

پاسخ به ورودی دلخواه



تابع تبدیل

```
lsim(num,den,r,t)
```

```
y=lsim(num,den,r,t),plot(t,y)
```

فضای حالت

```
lsim(A,B,C,D,r,t)
```

```
y=lsim(A,B,C,D,r,t),plot(t,y)
```

Example (پاسخ به ورودی شیب)



```
num=[1];  
den=[1 1 1];  
t=0:0.1:10;  
r=t;  
y=lsim(num,den,r,t);  
plot(t,r,'o',t,y,'.-');  
xlabel('time');  
ylabel('ramp response');  
title('unit ramp response')
```


example



• پاسخ به ورودی $\exp(-t)$

```
A=[-1 0.5;-1 0];  
B=[0;1];  
C=[1 0];  
D=[0];  
t=0:0.1:10;  
r=exp(-t);  
y=lsim(A,B,C,D,r,t);  
plot(t,y,'*',t,r,':');  
grid  
title('exponential response');  
xlabel('time');  
ylabel('response')
```

uâU ?? k??â? ? ???U ? ? â? ? ??G

simulink

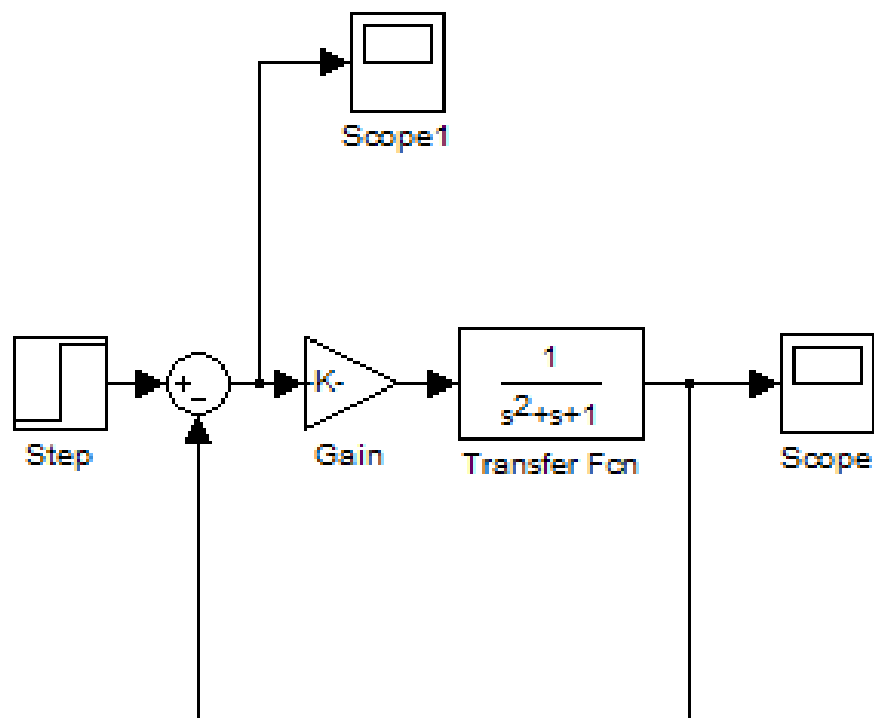
??â??t A??t

$$G(s) = \frac{1}{s^2 + s + 1}$$

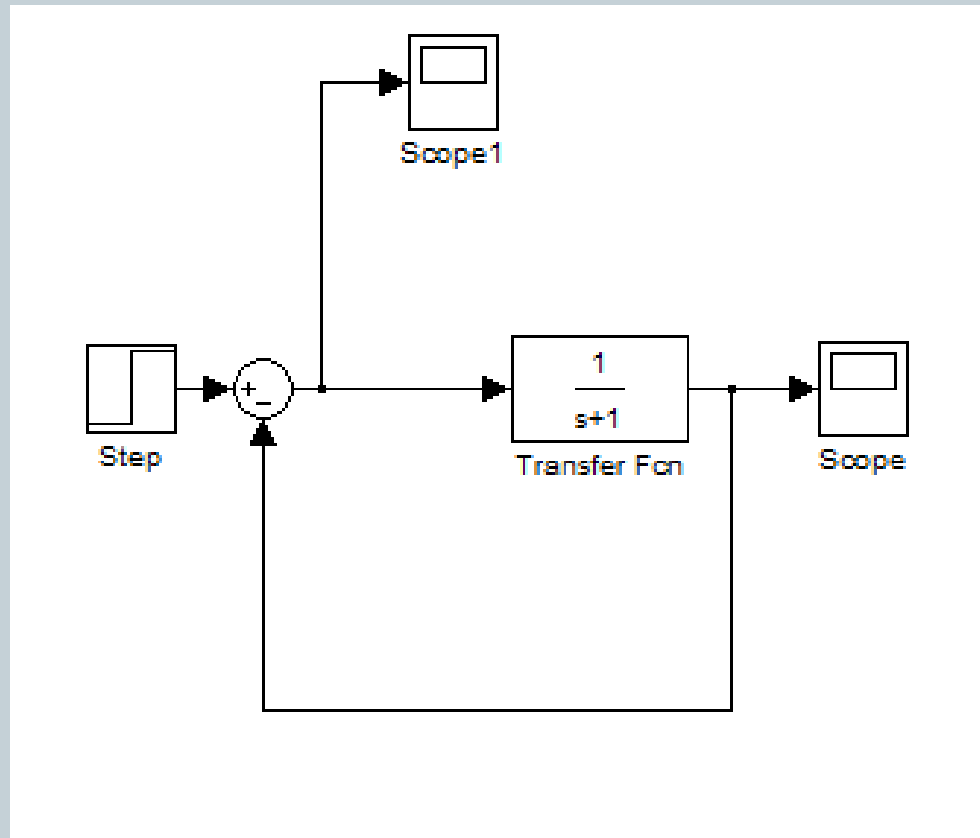
$$G(s) = \frac{1}{s}$$

$$G(s) = \frac{s+1}{s^3 + 2s^2 + 4s + 3}$$

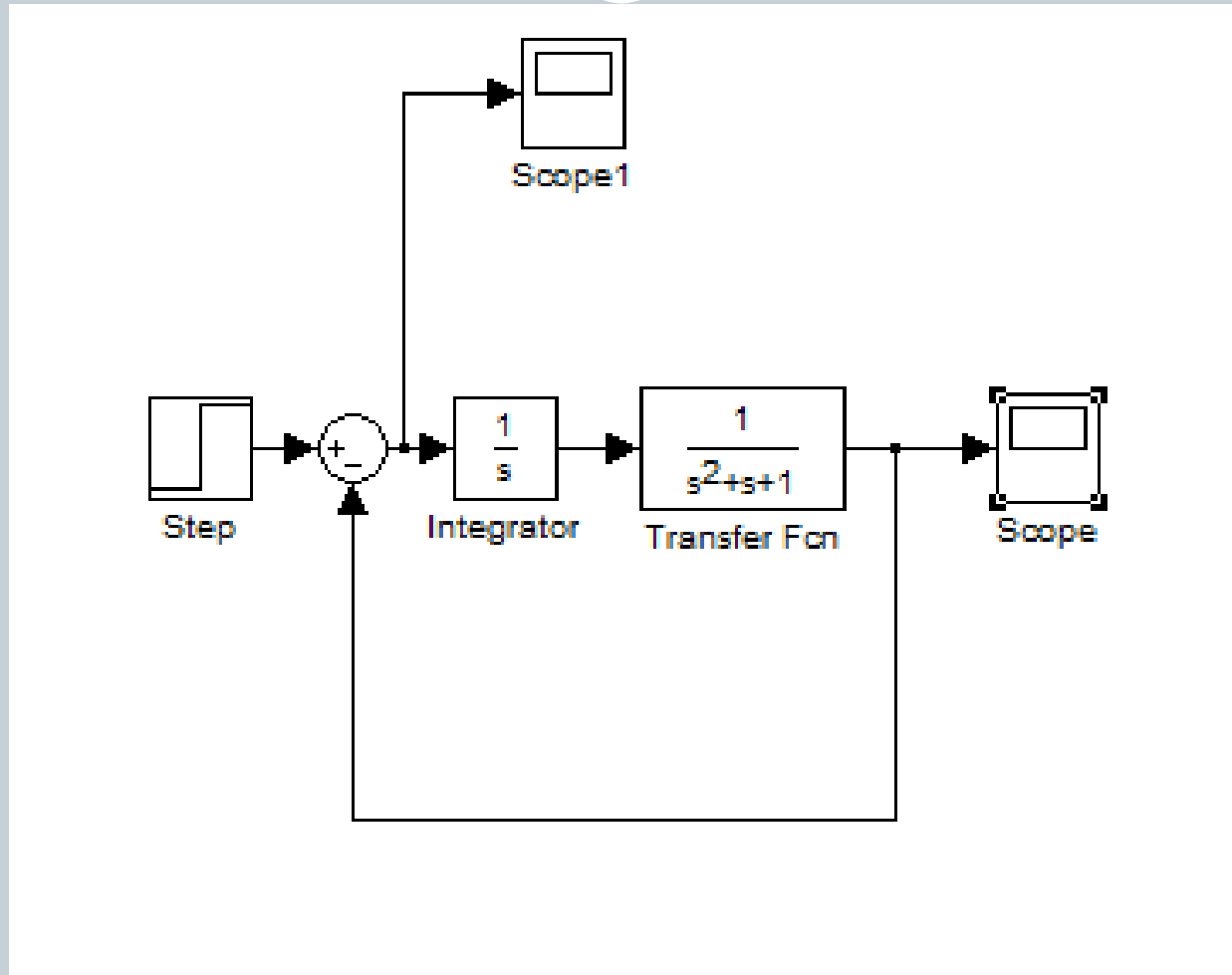
تأثیر بهره در تحلیل خطا(کنترل کننده تناسبی)باعث کاهش خطا(صفر نمی گردد) و افزایش سرعت و اورشوت و در پایداری بی تاثیر



تأثیر انتگرالگیر در پاسخ به ورودی پله (کاهش خطا و کاهش سرعت و افزایش اورشوت و نوسانی شدن و ناپایداری سیستم)

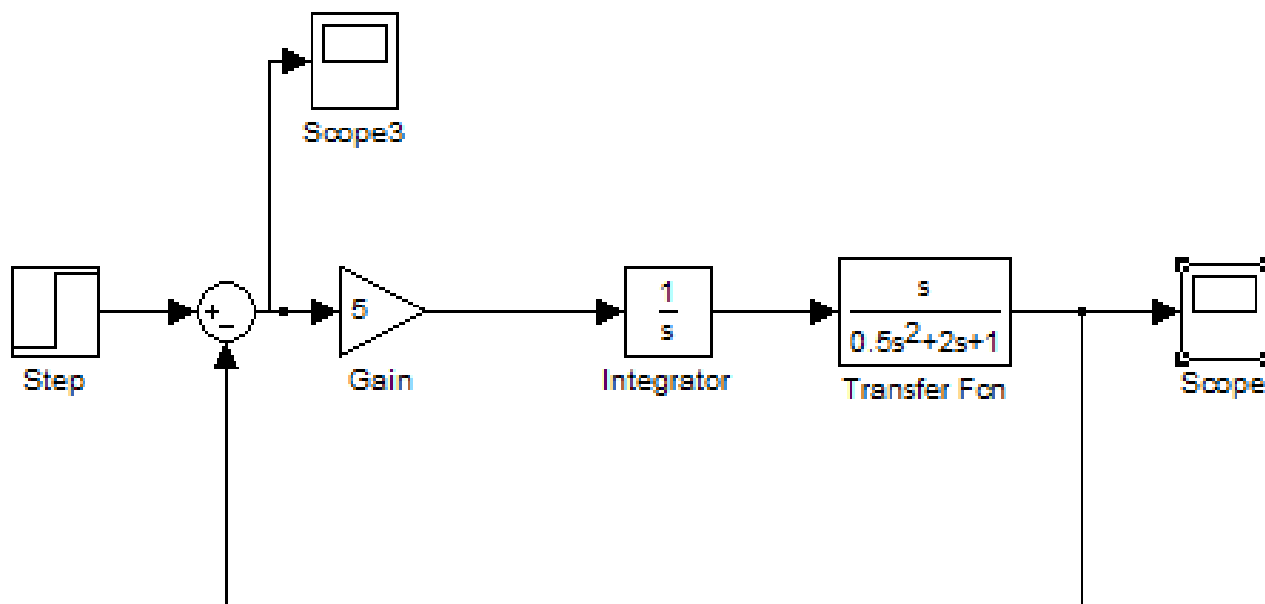


تأثیر انتگرالگیر در پاسخ به ورودی پله (کاهش خطا و افزایش اورشوت و نوسانی شدن و ناپایداری سیستم)

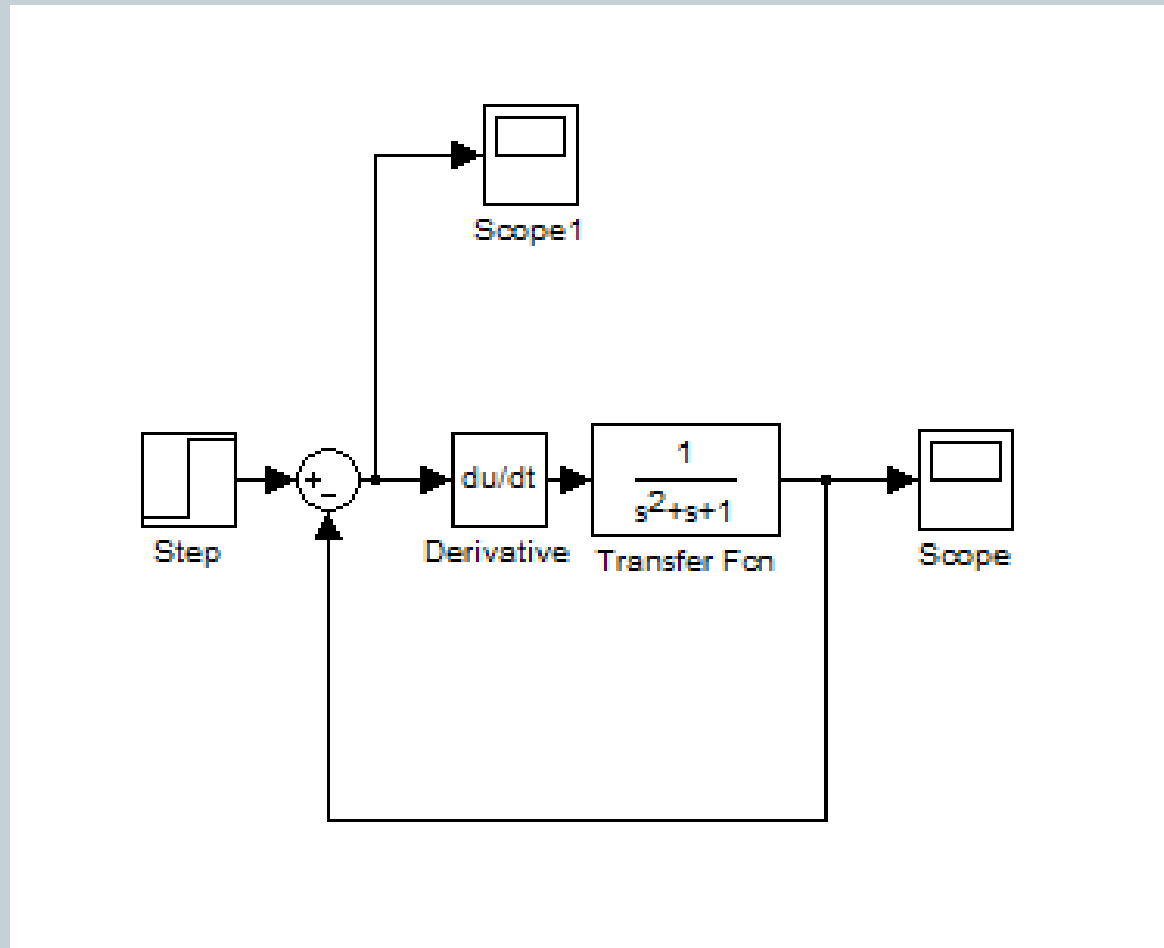


تأثیر کنترلر PI با افزایش p

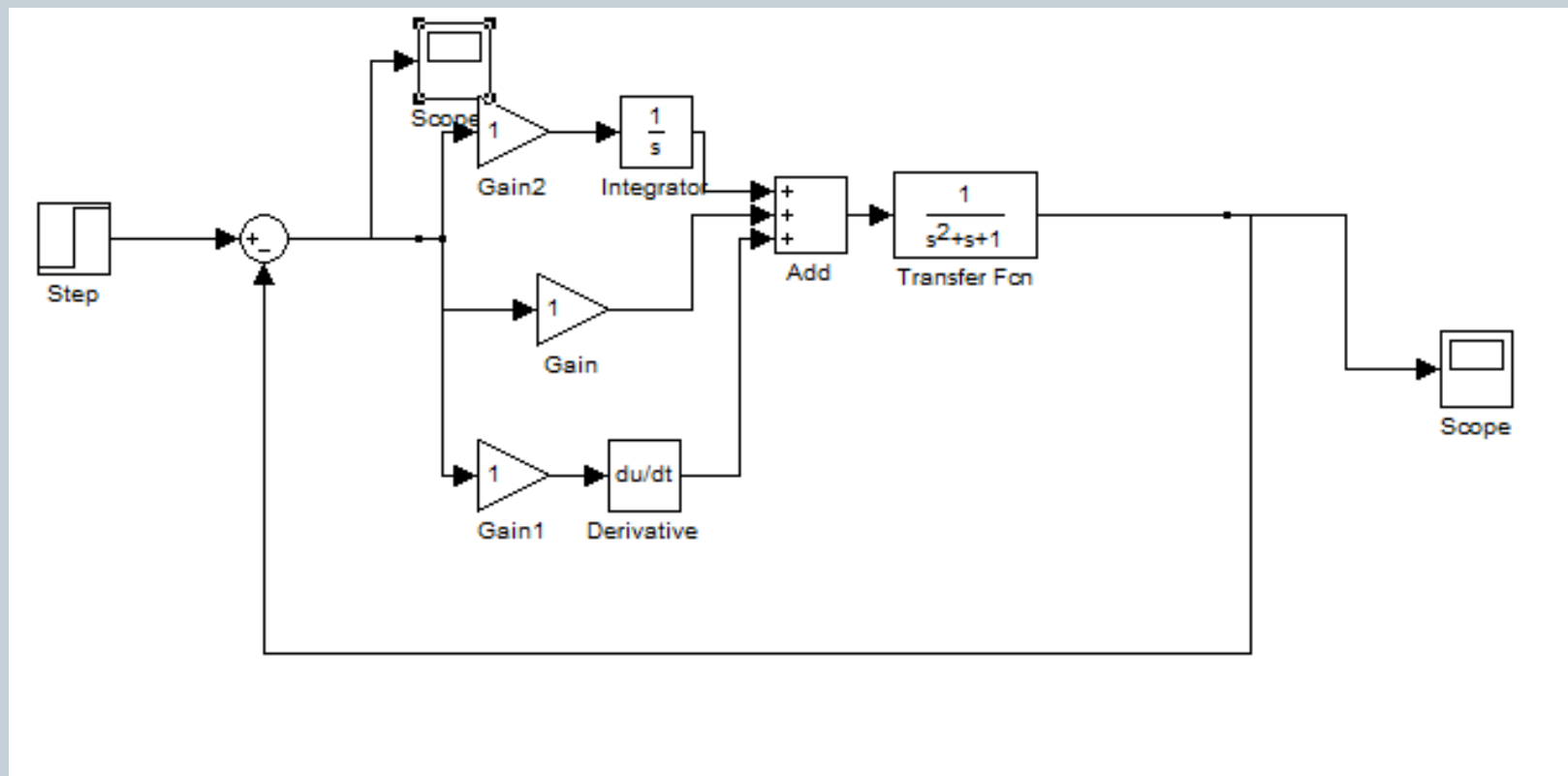
افزایش نوسانات و کاهش سرعت و افزایش اورشوت و مرز ناپایداری



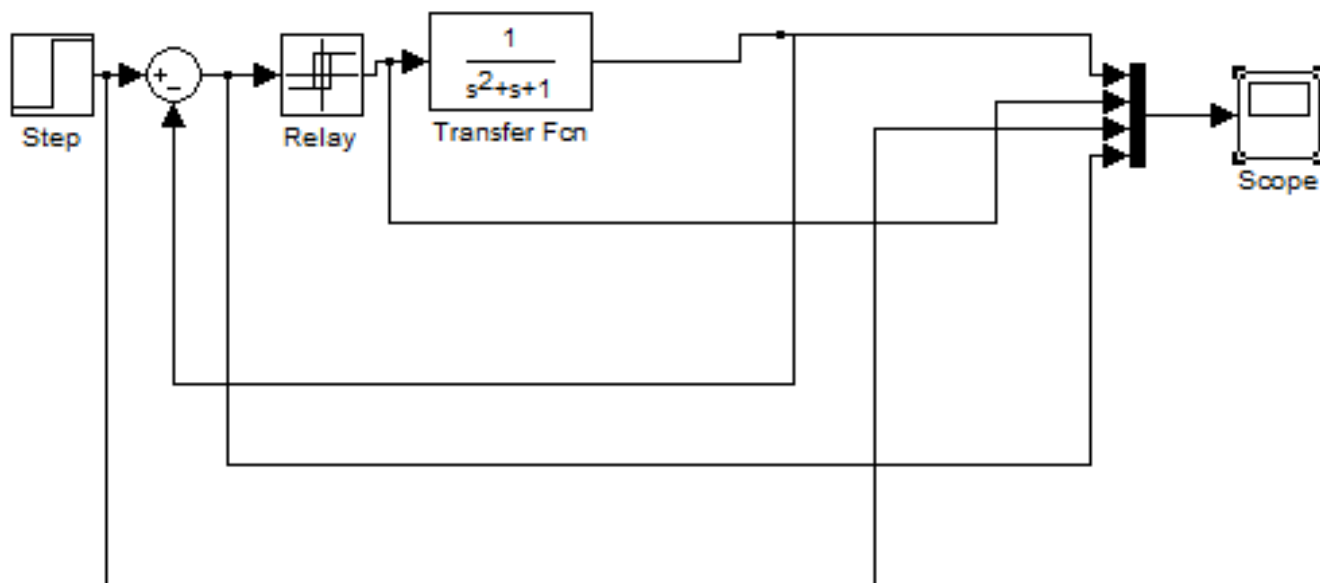
تأثیر مشتق گیر در پاسخ به ورودی پله (افزایش خطا و کاهش اورشوت و افزایش سرعت و پایداری سیستم)



تأثير كنترولر PID



کنترل کننده سیستم درجه 2 با استفاده از رله



پاسخ به شرایط اولیه رهیافت فضای حالت



$[y,x]=\text{initial}(A,B,C,D,[\text{initial condition}],t),\text{plot}(t,y)$ •

example



```
t=0:0.1:10;  
A=[0 1 0;0 0 1;-10 -17 -8];  
B=[0;0;0];  
C=[1 0 0];  
D=[0];  
[y,x]=initial(A,B,C,D,[2;1;0.5],t)  
plot(t,y)
```

رسم مکان هندسی ریشه ها



تابع تبدیل

`rlocus(num,den)`
`rlocus(num,den,k)`

فضای حالت

`rlocus(A,B,C,D)`
`rlocus(A,B,C,D,k)`

example



$$\frac{s + 3}{s(s + 1)(s^2 + 4s + 16)}$$

مکان هندسی ریشه ها

```
num=[1 3];  
den=conv([1 1 0],[1 4 16]);  
roots(den)  
rlocus(num,den);  
v=[-6 6 -6 6];  
axis(v)
```

یافتن بهره در نقطه خاصی از مکان هندسی ریشه ها



```
num=[1];  
den=conv([1 0.5],[1 0.6 10]);  
roots(den);  
rlocus(num,den)  
v=[-6 6 -6 6];  
axis(v)  
[k,r]=rlocfind(num,den)
```

مکان هندسی ω , ζ ثابت



sgrid([zeta],[wn])

example



```
num=[1];  
den=[ 1  4  5  0];  
rlocus(num,den);  
v=[-6  6  -6  6];  
axis(v);  
sgrid([0.5 ,0,0.707],[0.5,1,2]);
```

یافتن قطبهای حلقه بسته با نسبت میرایی 0.5 و محاسبه بهره در آنها



```
clc
clear all
close all
num=[1];
den=conv([1 0],[1 4 5]);
rlocus(num,den);
v=[-6 6 -6 6];
axis(v);
sgrid([0.5],[]);
[k,r]=rlocfind(num,den)
```

رسم نمودارهای بوده با matlab



در تابع تبدیل

```
bode(num,den)
```

```
bode(num,den,w)
```

```
w=logspace(d1,d2,n);
```

```
[mag,phase,w]= bode(num,den)
```

```
[mag,phase,w]=bode(num,den,w)
```

```
magdb=20*log10(mag)
```

```
Semilogx(w,magdb)
```

رسم نمودارهای بوده با matlab



در فضای حالت

```
bode(A,B,C,D)
```

```
bode(A,B,C,D,w)
```

```
bode(A,B,C,D,iu,w)
```

```
w=logspace(d1,d2,n);
```

```
[mag,phase,w]= bode(A,B,C,D)
```

```
[mag,phase,w]=bode(A,B,C,D,w)
```

```
[mag,phase,w]=bode(A,B,C,D,iu,w)
```

```
magdb=20*log10(mag)
```

```
Semilogx(w,magdb)
```

محاسبه حدفاز، حد بهره، فرکانس عبور بهره و فرکانس عبور فاز



$$[Gm, Pm, Wp, Wg] = \text{margin}(\text{sys})$$

Gm: حد بهره

Pm = حدفاز

Wg = فرکانس عبور بهره

Wp = فرکانس عبور فاز

example (دیگرام بودی)



```
num=[25];  
den=[1 4 25];  
w=logspace(-1,2,50);  
[mag,phase,w]=bode(num,den,w);  
magdb=20*log10(mag);  
subplot(1,2,1),semilogx(w,magdb);  
grid  
Subplot(1,2,2),semilogx(w,phase);  
grid  
title('bode diagram');  
[gm,pm,wp,wg]=margin(num,den)
```

رسم دیاگرام نایکوئیست



در تابع تبدیل

`nyquist(num,den)`
`nyquist(num,den,w)`

در فضای حالت

`nyquist(a,b,c,d)`
`nyquist(a,b,c,d,w)`
`nyquist(a,b,c,d,iu,w)`

example) رسم دیاگرام نایکوئیست



```
num=[1];  
den=[1 0.8 1];  
roots(den)  
nyquist(num,den)
```


Example (رسم دیاگرام نایکوئیست در فیدبک مثبت)



```
num=[-1 -4 -6];
```

```
den=[1 5 4];
```

```
roots(den)
```

```
nyquist(num,den)
```